

المراجعة النهائية

الصف الثالث الإعدادي



الفصل الدراسي الأول

2021

اولاً:

الجبر

المراجعة النهائية

السؤال
الأول

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات العطا

- ١ إذا كان: $(٣, ٨) = (٣, ٥ + ٣) = ٣ + ٥ = ٨$ فإن $٣ + ٥ = ٨$
☐ ٣ ☐ ٨ ☒ ٥ ☐ ٦
- ٢ إذا كان: $(٣, ٣) = (٣, ٢٧) = (٨, ٢٧)$ فإن: $(٣, ٣) = (٨, ٢٧)$
☐ $(٢, ٢)$ ☐ $(٣, ١-)$ ☒ $(٢, ٣)$ ☐ $(٢, ٣-)$
- ٣ إذا كان $٣ = (٣) \sim$ ، $٢ = (٣) \sim$ فإن $٢ = (٣) \sim$
☐ ٥ ☐ ٣ ☒ ٦ ☐ ٢
- ٤ إذا كان $١٢ = (٣ \times ٤) \sim$ ، $٤ = (٣) \sim$ فإن $٤ = (٣) \sim$
☐ ٣ ☐ ٤ ☒ ٨ ☐ ٤٨
- ٥ إذا كان $٣ = \{٣\} \sim$ فإن $٣ = \{٣\} \sim$
☐ ٩ ☐ $(٣, ٣)$ ☒ $\{(٣, ٣)\}$ ☐ ٣
- ٦ النقطة $(٣, -٤)$ تقع في الربع
☐ الأول ☐ الثاني ☒ الثالث ☐ الرابع
- ٧ إذا كانت النقطة $(٣, -٥)$ حيث $٣ \sim ٥$ تقع في الربع الأول فإن $٣ \sim ٥$
☐ ٣ ☐ ٤ ☒ ٥ ☐ ٨
- ٨ إذا كانت النقطة $(٣, ٥)$ تقع على محور السينات فإن: $٣ = ٥$
☐ صفر ☐ ٣ ☒ ٤ ☐ ٥
- ٩ إذا كانت النقطة $(٣, -٣)$ تقع في الربع الرابع حيث $٣ \sim ٣$ فإن: $٣ \sim ٣$
☐ صفر ☐ ٣ ☒ ٤ ☐ ٢
- ١٠ إذا كان $(١١, ١) = (٣, ٨) = (٣, ٥ + ٣) = ٣ + ٥ = ٨$ فإن $٣ + ٥ = ٨$
☐ ٥ ☐ ٨ ☒ ٢٥ ☐ ٤
- ١١ إذا كانت: $٣ = \{٥\} \sim$ فإن $٣ = \{٥\} \sim$
☐ ١ ☐ ٥ ☒ ٢٥ ☐ $\{(٥, ٥)\}$

١٢ إذا كان $(٥, ٣) \in \{٣, ٦\} \times \{٨, س\}$ فإن س =

- ٣ ☐ ٥ ☒ ٦ ☐ ٨ ☐

١٣ إذا كان $س \times ص = \{(٣, ٢)\}$ فإن $س^٢ =$

- ☒ $\{(٢, ٢)\}$ ☐ $\{(٣, ٣)\}$ ☐ ٤ ☐ ٩

١٤ إذا كان: $(س - ص) \times ص = \{(٣, ١), (٢, ١)\}$ ، ن $(س \times ص) = ٦$ ، فإن س =

- ☐ $\{١\}$ ☐ $\{٢, ١\}$ ☐ $\{٦, ٣, ١\}$ ☒ $\{٢, ٣, ١\}$

١٥ إذا كان ن $(س) = ٣$ ، $ص = \{٥, ٤\}$ فإن ن $(س \times ص) =$

- ٣ ☐ ٥ ☐ ٦ ☒ ٨ ☐

١٦ إذا كانت النقطة $(٥, ب - ٧)$ تقع على محور س فإن ب =

- ☐ صفر ☐ ٥ ☒ ٧ ☐ ٨

١٧ إذا كانت س $= \{٥, ٦, ٧\}$ فإن ن $(س^٢) =$

- ٣ ☐ ٦ ☐ ٧ ☒ ٩

١٨ الدالة د: $(س) = س^٢ - (س - ٢)$ من الدرجة

- ☐ الصفرية ☐ الأولى ☒ الثانية ☐ الثالثة

١٩ إذا كانت د دالة من المجموعة س إلى المجموعة ص فإن مجال الدالة د هو

- ☒ س ☐ ص ☐ $س \times ص$ ☐ $ص \times س$

٢٠ إذا كانت د: $(س) = س^٢$ ، فإن د: $(٣) + د: (٣ -) =$

- ☐ صفر ☐ ٩ ☒ ١٨ ☐ ٦

٢١ إذا كانت د: $(س) = ٣$ ، فإن د: $(٣) + د: (٣ -) =$

- ☐ صفر ☐ ٣ ☒ ٦ ☐ ٩

٢٢ إذا كان د $(س) = ٣س - ٢$ فإن د $(٢) =$

- ☒ ٤ ☐ ٦ ☐ ٣ ☐ ٩

٢٣ إذا كانت د $(س) = ٢س + ب$ ، د $(٣) =$ صفر، فإن ب =

- ٣ ☐ ٣ - ☐ ٦ ☒ ٦ -

٢٤ إذا كان المستقيم الممثل للدالة د (س) = ٣س - ٢ يقطع محور السينات في النقطة (٣ ، ب) فإن: ٢ + ب =

١ صفر ٢ ٣ ٤ ٥ ٦ -

٢٥ إذا كانت النقطة (٢ ، ٢) \in بيان الدالة د حيث د (س) = ٤س - ٦ فإن: ٢ =

١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦

٢٦ إذا كانت د (س) = ٤س + ب ، د (٢) = ١٠ فإن ب =

١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦

٢٧ إذا كانت د (س + ٣) = ٣س - ٣ فإن: د (٧) =

١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦

٢٨ إذا كانت د (س) = (٢ - ٢س) + ٣س + ٢س + ٢ دالة كثير حدود من الدرجة الثانية فإن: ٢ =

١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦

٢٩ إذا كانت النقطة (٣ ، ٢) تقع على الخط المستقيم الممثل للدالة د: $y = ٣x - ٥$ حيث د (س) = ٤س - ٥ فإن ٢ =

١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦

٣٠ إذا كانت ٣ = ٤ ب فإن ٢ : ب =

١ : ٤ ٢ : ٣ ٣ : ٤ ٤ : ٣

٣١ الرابع المتناسب للكميات ٣ ، ٦ ، ٦ هو

١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦

٣٢ إذا كان: $\frac{٢}{٣} = \frac{٥}{ب}$ ، فإن: $\frac{٢٣}{ب} =$

١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦

٣٣ إذا كانت ٢ ، ٦ ، س ، ١٥ متناسبة فإن س =

١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦

٣٤ إذا كان $\frac{٢}{٣} = \frac{١}{٢}$ فإن (١ - ٢ - ٣) =

١ - ٢ ٣ ٤ ٥ ٦

٣٥ الوسط المتناسب بين ٤ ، ٩ هو

١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦

٣٦ إذا كانت ٢ ، ٦ ، ٦ ، س + ١٥ متناسبة فإن س =

٤ (س)

٣ (ج)

٢ (ب)

١ (د)

٣٧ الثالث المتناسب للعددين ٣ ، ٦ هو

١٢ (س)

٩ (ج)

٢ (ب)

$\frac{1}{2}$ (د)

٣٨ إذا كانت ٤ ، ٦ ، ص كميات متناسبة، فإن : ص =

٢٤ (س)

٢ (ج)

٩ (ب)

١٠ (د)

٣٩ إذا كانت: س، ص، ع كميات متناسبة فإن : $\frac{س}{ع} = \dots\dots\dots$

$\frac{٢}{٣}$ (س) (ص ع)

$\frac{٢}{٣}$ (ج)

$\frac{٢}{٣}$ (ب)

$\frac{٢}{٣}$ (د)

٤٠ إذا كانت : ٤س = ٩ص فإن : $\frac{س}{ص} = \dots\dots\dots$

$\frac{٢}{٣} \pm$ (س)

$\frac{٣}{٢} \pm$ (ج)

$\frac{٣}{٢}$ (ب)

$\frac{٩}{٤}$ (د)

٤١ العدد الذى إذا أضيف لكل من الأعداد ١ ، ٣ ، ٦ تصبح فى تناسب متسلسل هو

٤ (س)

٣ (ج)

٢ (ب)

١ (د)

٤٢ إذا كان : $\frac{ب}{٣} = \frac{پ}{٢}$ فإن : $\frac{ب-پ}{ب+پ} = \dots\dots\dots$

$\frac{٣}{٥}$ (س)

$\frac{٢}{٥}$ (ج)

$\frac{١}{٣}$ (ب)

$\frac{١}{٥}$ (د)

٤٣ إذا كان $\frac{ب}{٣} = \frac{پ}{٢}$ ، $\frac{٣}{٥} = \frac{پ}{ج}$ فإن : ب : ج = =

٦ : ٩ : ١٠ (س)

١٠ : ٩ : ٦ (ج)

٥ : ٩ : ٢ (ب)

٥ : ٣ : ٢ (د)

٤٤ إذا كان $\frac{س}{٢} = \frac{ص}{٥} = \frac{ع}{٤}$ فإن : $\frac{٢ص+ع}{٢٢} = \dots\dots\dots$

١٤ (س)

١١ (ج)

٧ (ب)

٦ (د)

٤٥ إذا كانت : پ، س، ب، ٢ كميات متناسبة، فإن : $\frac{پ}{ب} = \dots\dots\dots$

٤ : ١ (س)

٣ : ١ (ج)

٢ : ١ (ب)

١ : ٢ (د)

٤٦ الوسط المتناسب الموجب بين ٣ پ ب ، ٢٧ آ ب هو

٢٢ پ ب (س)

٢٩ پ ب (ج)

٣ پ ب (ب)

٣ پ ب (د)

٤٧ إذا كان $\frac{پ}{٢} = \frac{ب}{٣} = \frac{ع}{٥}$ فإن : $\frac{٢}{٥} = \dots\dots\dots$

١٦ (س)

٨ (ج)

٤ (ب)

٢ (د)

٤٨) إذا كانت : ص ∞ س وكانت ص = ١ عندما س = ٣ فإن : ص = عندما س = ٦

١ (د)

٢ (ج)

٦ (ب)

١٨ (أ)

٤٩) العلاقة التي تمثل تغير طردى بين متغيرين س ، ص هي

(د) $\frac{ص}{٢} = \frac{س}{٥}$

(ج) $\frac{س}{٣} = \frac{٤}{ص}$

(ب) ص = س + ٢

(أ) س ص = ٧

٥٠) إذا كانت ص تتناسب عكسيا مع س وكانت ص = ٢ عندما س = ١ فإن ص = $\frac{.....}{س}$

(د) ٢

(ج) ٣

(ب) ١

(أ) ٤

٥١) إذا كانت : ص $٢س٤ + ٢س٤ = ٤س$ ص فإن : ص ∞

(د) $\frac{١}{س٢}$

(ج) $\frac{١}{س}$

(ب) $س٢$

(أ) س

٥٢) إذا كان : ٤ س ص = ٣ فإن : ص ∞

(د) $\frac{١}{س}$

(ج) $\frac{١}{س}$

(ب) $س٢$

(أ) س

٥٣) إذا كانت : ص ∞ س ، كانت ص = ١ عندما س = ٢ فإن : ثابت التناسب =

(د) $\frac{١}{٤}$

(ج) $\frac{١}{٢}$

(ب) ٤

(أ) ٢

٥٤) إذا كانت : ص تتغير عكسيا مع س ، كانت س = ٥ عندما ص = $\frac{٣}{٥}$ فإن ثابت التناسب =

(د) ١٥

(ج) ٥

(ب) $\frac{٥}{٣}$

(أ) ٣

٥٥) أبسط وأسهل مقياس للتشتت هو

(د) المنوال

(ب) الوسط الحسابى

(أ) المدى

٥٦) الفرق بين أكبر قيمة وأصغر قيمة لمجموعة من البيانات هو

(د) الانحراف المعياري

(ب) الوسط الحسابى

(أ) المدى

٥٧) المدى لمجموعة القيم : ١٤ ، ٤ ، ٢١ ، ١٦ ، ١٢ يساوى

(د) ١٤

(ج) ١٧

(ب) ٤

(أ) ٢١

٥٨) إذا كان : مج (س - س) $٣٦ = ٢$ لمجموعة من القيم عددها يساوى ٩ فإن : $\sigma =$

(د) ٢٧

(ج) ١٨

(ب) ٤

(أ) ٢

٥٩) إذا كانت جميع قيم المفردات متساوية فى القيمة فإن :

(د) س = س > ٠

(ج) س = س < ٠

(ب) س = ٠

(أ) س = ٠

مجموعة صور عناصر مجال الدالة تسمى

١ مجال الدالة ٢ المجال المقابل ٣ مدى الدالة ٤ قاعدة الدالة

٦٥ إذا كانت النقطة (٢ ، ٥) هي رأس منحنى الدالة التربيعية د فإن معادلة خط التماثل هي

١ س = ٢ ٢ س = ٥ ٣ س = ٥ ٤ س = ٥

٦٦ إذا كان : س = {٣} فإن : س =
١ ٢ ٣ ٤

٦٧ إذا كان : س = {٣} فإن : س =
١ ٢ ٣ ٤

٦٨ إذا كانت د (س) = ٢س + ٥ ، ر (س) = س - ٦ فإن : د (٣) + ر (٣) =
١ ٢ ٣ ٤

٦٩ إذا كانت د (س) = ٢س + ٥ ، ر (س) = س - ٦ فإن : د (٣) + ر (٣) =
١ ٢ ٣ ٤

٧٠ نقطة رأس المنحنى للدالة د (س) = س^٢ - ٤س + ٤ هي
١ (٢، ٠) ٢ (٤، ٤) ٣ (٤، ٠) ٤ (٠، ٢)

٧١ معادلة محور التماثل للدالة د (س) = س^٢ + ٦س هي س =
١ ٢ ٣ ٤

٧٢ إذا كان : س = ٣ : ٥ ب فإن : $\frac{٥}{ب} = \dots$
١ $\frac{١٨}{٥}$ ٢ $\frac{١٥}{٦}$ ٣ $\frac{٦}{١٥}$ ٤ $\frac{٥}{١٨}$

٧٣ إذا كان : ٢س = ٧ ص فإن : $(\frac{س}{ص})^{-١} = \dots$
١ $\frac{٢}{٧}$ ٢ $\frac{٧}{٢}$ ٣ ٧ ٤ ٢

٧٤ إذا كان الانحراف المعياري لمجموعة من القيم = ٢ وعدد هذه القيم ١٠ فإن مج (س - س) =
١ ٢٠ ٢ ٣٠ ٣ ٤٠ ٤ ٥٠

٧٥ إذا كانت : س^٢ص + س^٢ص + $\frac{١}{٤}$ = ٠ فإن : ص ...
١ س ٢ س ٣ س ٤ س

٧٦ هو الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي
١ المدى ٢ الانحراف المعياري ٣ المتوسط الحسابي ٤ الوسط الحسابي

٧٧ هو الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي
١ المدى ٢ الانحراف المعياري ٣ المتوسط الحسابي ٤ الوسط الحسابي

٧٨ هو الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي
١ المدى ٢ الانحراف المعياري ٣ المتوسط الحسابي ٤ الوسط الحسابي

٧٩ هو الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي
١ المدى ٢ الانحراف المعياري ٣ المتوسط الحسابي ٤ الوسط الحسابي

٨٠ هو الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي
١ المدى ٢ الانحراف المعياري ٣ المتوسط الحسابي ٤ الوسط الحسابي

٨١ هو الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي
١ المدى ٢ الانحراف المعياري ٣ المتوسط الحسابي ٤ الوسط الحسابي

٨٢ هو الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي
١ المدى ٢ الانحراف المعياري ٣ المتوسط الحسابي ٤ الوسط الحسابي

٨٣ هو الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي
١ المدى ٢ الانحراف المعياري ٣ المتوسط الحسابي ٤ الوسط الحسابي

٨٤ هو الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي
١ المدى ٢ الانحراف المعياري ٣ المتوسط الحسابي ٤ الوسط الحسابي

٨٥ هو الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي
١ المدى ٢ الانحراف المعياري ٣ المتوسط الحسابي ٤ الوسط الحسابي

٨٦ هو الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي
١ المدى ٢ الانحراف المعياري ٣ المتوسط الحسابي ٤ الوسط الحسابي

٨٧ هو الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي
١ المدى ٢ الانحراف المعياري ٣ المتوسط الحسابي ٤ الوسط الحسابي

الأسئلة المقالية

السؤال الثاني

① إذا كانت: $\sim = \{2, 1, 0\}$ ، $\sim = \{4, 9, 8, 1, 0\}$ وكانت \sim علاقة من \sim إلى \sim حيث $\sim \sim \sim$ تعني أن $(\sim = \sim)$ لكل $\sim \sim \sim$ ، اكتب بيان \sim ومثلها بمخطط سهمي هل \sim دالة أم لا ؟ ولماذا ؟

الحل

بيان $\sim = \{(\sim, \sim), (\sim, \sim), (\sim, \sim)\}$ \sim دالة
لأن كل عنصر من عناصر \sim ظهر كمسقط أول مرة واحدة فقط

② إذا كانت: $\sim = \{3, 2, 1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}\}$ وكانت \sim علاقة على \sim حيث $\sim \sim \sim$ تعني أن "معكوس ضربى للعدد \sim لكل \sim ، $\sim \sim \sim$ " اكتب بيان \sim ومثلها بمخطط سهمي هل \sim دالة أم لا ؟ ولماذا ؟ وإذا كانت دالة أوجد مداها

الحل

بيان $\sim = \{(\sim, \frac{1}{\sim}), (\frac{1}{2}, \frac{1}{2}), (\frac{1}{3}, \frac{1}{3})\}$
 $\{(\frac{1}{3}, 3), (\frac{1}{2}, 2)\}$

\sim دالة
لأن كل عنصر من عناصر \sim ظهر كمسقط أول مرة واحدة فقط
المدى $\sim = \{3, 2, 1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}\}$

③ إذا كانت: $\sim = \{2, 1, 0\}$ ، $\sim = \{8, 6, 4, 2\}$ وكانت \sim علاقة من \sim إلى \sim حيث $\sim \sim \sim$ تعني أن $(\sim = \sim)$ لكل $\sim \sim \sim$ ، اكتب بيان \sim ومثلها بمخطط سهمي هل \sim دالة أم لا ؟ ولماذا ؟

الحل

بيان $\sim = \{(\sim, 2), (\sim, 1), (\sim, 0)\}$ \sim دالة
لأن كل عنصر من عناصر \sim ظهر كمسقط أول مرة واحدة فقط

④ إذا كانت $\sim = \{3, 2, 1\}$ ، $\sim = \{8, 4, 1, 0\}$ وكانت \sim دالة من \sim إلى \sim حيث $\sim \sim \sim$ تعني أن " $\sim = \sim$ " لكل $\sim \sim \sim$ ، أوجد قيمة \sim اكتب بيان \sim ومثلها بمخطط بياني

الحل

$\sim = 27$
بيان $\sim = \{(\sim, 3), (\sim, 2), (\sim, 1)\}$

⑤ إذا كانت : $\sim = \{3, 2, 1\}$ ، $\sim = \{8, 4, 1, 0\}$ أوجد \sim \sim \sim أثبت أن : $\sim = \{3\}$ $\sim = \{3\}$ $\sim = \{3\}$

الحل

$\sim = 27$ $\sim = 27$ $\sim = 27$
 $\sim = 27$ $\sim = 27$ $\sim = 27$
 $\sim = 27$ $\sim = 27$ $\sim = 27$

١٥ إذا كان بيان الدالة د = { (١ ، ٣) ، (٢ ، ٥) }

١ اكتب كلا من مجال ومدى الدالة د.

٢ اكتب قاعدة الدالة د.

الحل

مجال الدالة = { ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ }.

المدى = { ٣ ، ٥ ، ٧ ، ٩ ، ١١ }.

قاعدة الدالة د = ٢س + ١

٦ إذا كان س = { ١ ، ٢ } ، ص = { ٣ ، ٧ } ، ع = { ٣ }

١ س × ع

٢ (ص ∩ ع) × س

٣ (ص^٢) ∩

الحل

١ س × ع = { (١ ، ٣) ، (٢ ، ٧) }

٢ (ص ∩ ع) × س = { (١ ، ٣) } × { ٣ } = { (١ ، ٣) ، (٢ ، ٣) }

٣ (ص^٢) ∩ = { (٢ ، ٣) ، (١ ، ٣) } =

٤ = (ص^٢) ∩

٧ إذا كان: س = { (٢ ، ٢) ، (٥ ، ٢) ، (٧ ، ٢) } ، ص = { (٢ ، ٢) ، (٥ ، ٢) ، (٧ ، ٢) }

١ ص

٢ (ص^٢) ∩

٣ ص × ص

الحل

١ ص = { ٢ ، ٥ ، ٧ }

٢ (ص^٢) ∩ = ٩

٣ ص × ص = { (٢ ، ٢) ، (٢ ، ٥) ، (٢ ، ٧) ، (٥ ، ٢) ، (٥ ، ٥) ، (٥ ، ٧) ، (٧ ، ٢) ، (٧ ، ٥) ، (٧ ، ٧) }

٨ إذا كان س ⊃ ص ، (ص × ص) ∩ = ٦ ،

٤ ∃ س ، (٧ ، ١) ∃ س × ص

فأوجد س ، ص ، س × ص

الحل

س = { ١ ، ٤ } ، ص = { ١ ، ٤ ، ٧ }

س × ص = { (١ ، ١) ، (١ ، ٤) ، (٤ ، ١) ، (٤ ، ٤) ، (٧ ، ١) ، (٧ ، ٤) }

{ (١ ، ٤) ، (٤ ، ٤) ، (٧ ، ٤) }

٩ إذا كان س = { ٤ ، ٥ ، ٧ } وكانت دالة على س

١ بيان د = { (١ ، ٥) ، (٢ ، ٥) ، (٣ ، ٧) } ،

فأوجد قيمة ٣ + ٣

الحل

٣ + ٣ = ١٢ = ٧ + ٥ = ٣ + ٣

٣ + ٣ = ٣ + ٣ = ١٢ = ٧ + ٥ = ٣ + ٣

١٦ إذا كان المستقيم الممثل للدالة د: ع ← ح حيث

د(س) = ٦س - ٣ يقطع محور الصادات في

النقطة (٣ ، ب) أوجد قيمة: ٢ + ٧ ب

الحل

∴ المستقيم يقطع محور الصادات ∴ ب = صفر

(٣ ، ٠) ∃ للمستقيم

∴ ٣ = ٦ × ٠ - ٣

٣ = ٦ - ٣

٢ + ٧ ب = ٣

٢ × (٣ -) + ٧ × ٠ = ٦ -

١٣

مثل بيانياً كلاً من الدوال الآتية ومن الرسم استنتج إحداثي رأس المنحنى و معادلة محور التماثل و القيمة العظمى أو الصغرى للدالة

١ د(س) = س² + ٢س + ١ متخذاً س ∈ [-٤، ٢]

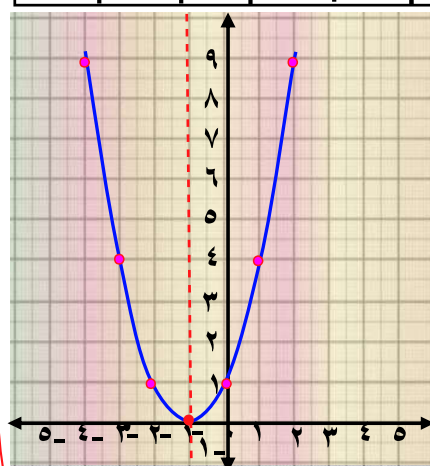
٢ د(س) = س² - ٢ متخذاً س ∈ [-٣، ٣]

٣ د(س) = (س - ٣)² متخذاً س ∈ [٠، ٦]

الاجل

١ د(س) = س² + ٢س + ١

س	٢	١	٠	-١	-٢	-٣	-٤
ص	٩	٤	١	٠	١	٤	٩



نقطة رأس المنحنى

(٠، -١)

معادلة محور التماثل

س = -١

القيمة الصغرى هي

ص = صفر

١٤

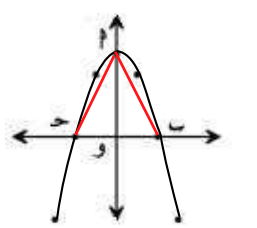
الشكل المقابل يمثل منحنى الدالة د حيث د(س) = م - س²، إذا كان م و ٤ وحدات

أوجد :

١ قيمة م

٢ إحداثي كل من ب، ح

٣ مساحة Δ ب ح



الاجل

م و ٤ وحدات ← (٠، ٤) م

د(س) = م - س² ←

م - ٤ = ٠ ← م = ٤

ب(٠، س) ←

د(س) = م - س² ←

٠ = م - س² ← م = س² ←

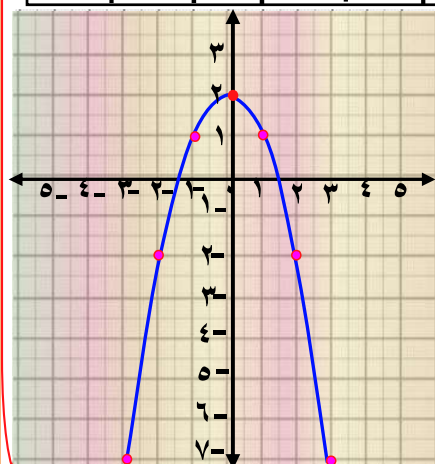
س = ±٢

ب(٠، ٢)، ح(٠، -٢)

مساحة Δ ب ح = ٨ = ٤ × ٤ × ١/٢

٢ د(س) = س² - ٢

س	٣	٢	١	٠	-١	-٢	-٣
ص	٧	٢	١	٢	١	٢	٧



نقطة رأس المنحنى

(٢، ٠)

معادلة محور التماثل

س = ٠

القيمة العظمى هي

ص = ٢

١٥) أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى حدى النسبة ٥ : ٢ فإنها تصبح ٣ : ٢

الحل

نفرض أن العدد = س

$$\frac{2}{3} = \frac{س + ٥}{س + ٢} \quad \leftarrow \frac{2}{3} = \frac{س + ٥}{س + ٢}$$

$$٢(س + ٢) = ٣(س + ٥)$$

$$٢س + ٤ = ٣س + ١٥$$

$$٢س - ٣س = ١٥ - ٤$$

$$-س = ١١$$

$$س = -١١$$

∴ العدد = ١١

١٦) أوجد العدد الموجب الذي إذا أضيف مربعه إلى كل من حدى النسبة ١١ : ٧ فإنها تصبح ٤ : ٥

الحل

نفرض أن العدد = س

$$\frac{7}{11} = \frac{س^2 + ٧}{س^2 + ١١}$$

$$٧(س^2 + ١١) = ١١(س^2 + ٧)$$

$$٧س^2 + ٧٧ = ١١س^2 + ٧٧$$

$$٧س^2 - ١١س^2 = ٧٧ - ٧٧$$

$$-٤س^2 = ٠$$

$$س^2 = ٠$$

$$س = ٠$$

∴ العدد هو ٠

١٧) عددان صحيحان موجبان النسبة بينهما ٣ : ٧ وإذا طرح من كل منهما ٥ أصبحت النسبة بينهما ١ : ٣ فما هما العددان ؟

الحل

نفرض أن : العددان ٣س ، ٧س

$$\frac{3س}{7س} = \frac{٣ - ٥}{٧ - ٥}$$

$$\frac{3س}{7س} = \frac{-٢}{٢}$$

$$٣س = -٢(٧س)$$

$$٣س = -١٤س$$

$$٣س + ١٤س = ٠$$

$$١٧س = ٠$$

$$س = ٠$$

العدد الأول = ٣س = ٠

العدد الثاني = ٧س = ٠

١٨) إذا كان س : ص = ٤ : ٥ أوجد ٢س - ص : س + ٣ص

الحل

∴ $\frac{س}{ص} = \frac{٤}{٥}$

$$\frac{س}{ص} = \frac{٤}{٥} \quad \leftarrow \frac{س}{ص} = \frac{٤}{٥}$$

$$\frac{٢س - ص}{س + ٣ص} = \frac{٨ - ٥}{٤ + ١٥}$$

$$\frac{٢س - ص}{س + ٣ص} = \frac{٣}{١٩}$$

١٩) إذا كانت ٢ = ٣ : ب أوجد قيمة $\frac{ب - ٣}{ب + ٢}$

الحل

∴ $\frac{٢}{٣} = \frac{ب}{٣}$

$$\frac{٢}{٣} = \frac{ب}{٣} \quad \leftarrow \frac{٢}{٣} = \frac{ب}{٣}$$

$$\frac{٢}{٣} = \frac{ب}{٣}$$

$$٢ = ب$$

٢٠) إذا كان $\frac{س + ٣}{س - ٣} = \frac{٢}{٣}$ أوجد $\frac{س}{ص}$

الحل

$$\frac{س + ٣}{س - ٣} = \frac{٢}{٣}$$

$$٣(س + ٣) = ٢(س - ٣)$$

$$٣س + ٩ = ٢س - ٦$$

$$٣س - ٢س = -٦ - ٩$$

$$س = -١٥$$

٢١) إذا كان $\frac{س}{٢} = \frac{ص}{٣} = \frac{ع}{٤}$ أثبت أن :

$$٣ = \frac{٢س - ص + ٥ع}{س - ٣ص}$$

الحل

∴ $\frac{س}{٢} = \frac{ص}{٣} = \frac{ع}{٤}$

$$\frac{س}{٢} = \frac{ص}{٣} = \frac{ع}{٤}$$

$$\frac{س}{٢} = \frac{ص}{٣} = \frac{ع}{٤}$$

$$\frac{س}{٢} = \frac{ص}{٣} = \frac{ع}{٤}$$

$$\frac{1}{9} = \frac{p}{j}, \frac{1}{3} = \frac{p}{b} \text{ إذا كان } \frac{1}{9} = \frac{p}{j}, \frac{1}{3} = \frac{p}{b}$$

وكان $p + b + j = 26$ أوجد كلاً من p, b, j

الحل

$$p = 9, b = 3, j = 9$$

$$26 = p + b + j$$

$$26 = 9 + 3 + 9$$

$$13 = 26 = m \leftarrow m = 2$$

$$18 = j, 6 = b, 2 = p \leftarrow$$

$$\frac{p-22}{3s} = \frac{j}{4} = \frac{b}{3} = \frac{p}{4} \text{ إذا كان } \frac{p-22}{3s} = \frac{j}{4} = \frac{b}{3} = \frac{p}{4}$$

أوجد قيمة s

الحل

$$\frac{p-22}{3s} = \frac{j}{4} = \frac{b}{3} = \frac{p}{4}$$

بضرب الأولى $\times 2$ والثانية $\times 1$ والثالثة $\times 5$ ثم بالجمع

$$\frac{p-22}{3s} = \frac{j}{4} = \frac{b}{3} = \frac{p}{4} \text{ كل النسب}$$

$$\frac{p-22}{3s} = \frac{j}{4} = \frac{b}{3} = \frac{p}{4} \text{ كل النسب } \leftarrow 3s = 21$$

$$s = 7$$

$$\text{إذا كان: } \frac{s}{3} = \frac{v}{4} = \frac{e}{5} \text{ فأثبت أن:}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{e-v}{e+2v-3s}$$

الحل

$$\frac{s}{3} = \frac{v}{4} = \frac{e}{5}$$

$$s = 3, v = 4, e = 5$$

$$\frac{e-v}{e+2v-3s} = \frac{5-4}{5+8-9} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{e-v}{e+2v-3s} = \frac{1}{4}$$

$$\text{إذا كان } p = 3, b = 3, j = 3$$

$$\text{أوجد قيمة } \frac{p+b+j}{p+b+j}$$

الحل

$$\frac{p+b+j}{p+b+j} = \frac{3+3+3}{3+3+3} = 1$$

$$\frac{p+b+j}{p+b+j} = \frac{3+3+3}{3+3+3} = 1$$

$$\frac{11}{15} = \frac{22}{30}$$

$$\frac{p}{4} = \frac{b}{3} = \frac{e}{5}$$

$$p = 3$$

$$b = 3$$

$$j = 3$$

$$\text{إذا كان: } \frac{s}{3} = \frac{v}{4} = \frac{e}{5} \text{ فأثبت أن:}$$

$$\sqrt{3s^2 + 3v^2 + 2e} = 2s + 3v$$

الحل

$$\frac{s}{3} = \frac{v}{4} = \frac{e}{5}$$

$$s = 3, v = 4, e = 5$$

$$\sqrt{3s^2 + 3v^2 + 2e} = 2s + 3v$$

$$\sqrt{3 \times 9 + 3 \times 16 + 2 \times 5} = 2 \times 3 + 3 \times 4$$

$$\sqrt{27 + 48 + 10} = 6 + 12 = 18$$

$$\text{الأيسر} = 2s + 3v$$

$$10 = m + 4 = m + 6 = m + 4 = m + 6$$

$$\text{الأيمن} = \text{الأيسر}$$

$$\text{إذا كان } 2s + 9v = 2s + 9v = 2s + 9v$$

أوجد s

الحل

$$2s + 9v = 2s + 9v = 2s + 9v$$

$$0 = (2s + 9v) - (2s + 9v) = 0$$

$$0 = 2s + 9v - (2s + 9v) = 0$$

$$\frac{3}{2} = \frac{s}{v}$$

(٢٨)

أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى كل من الأعداد ١ ، ٢ ، ٥ ، ٧ فإنها تكون متناسبة

الحل

$$\begin{aligned} \text{نفرض العدد} = س & \leftarrow \frac{س + ١}{س + ٥} = \frac{س + ٢}{س + ٧} \\ ٧ + س + س + ٧ + س + ٧ &= ٢ + س + ١٠ + س + ٥ + س + ٢ + س \\ ٨س - ١٠ &= ٧س - ١٠ \\ ٣ &= س \end{aligned}$$

∴ العدد = ٣

(٢٩)

أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى كل من الأعداد ١ ، ٤ ، ١٠ فإنها تكون في تناسباً متسلسلاً

الحل

$$\begin{aligned} \text{نفرض أن العدد هو س} \\ \therefore \text{الأعداد هي س + ١ ، س + ٤ ، س + ١٠} \\ \frac{س + ١}{س + ٤} = \frac{س + ٤}{س + ١٠} \\ ١٠ + س + ٤ + س + ٤ + س + ١٠ &= ١٦ + س + ٤ + س + ١٠ \\ ٨س - ١٠ &= ١١س - ١٦ \\ ٣س - ٦ &= ١٠س - ١٦ \\ ٢ &= س \end{aligned}$$

∴ العدد = ٢

(٣٠)

إذا كان: $\frac{س}{س + ٢} = \frac{ص}{ص + ٣} = \frac{ع}{ع + ٤}$

اثبت أن $\frac{٢ + س}{٤ + ص} = \frac{٧}{١٧}$

الحل

بضرب الأولى $\times ١$ والثانية $\times ٢$ ثم بالجمع

$$\text{كل النسب} = \frac{س + ٢}{٧} = \frac{٢ + س}{٦ + ج + ب} = \frac{٢ + س}{٦ + ج + ب}$$

بضرب الثانية $\times ٤$ والثالثة $\times ١$ ثم بالجمع

$$\text{كل النسب} = \frac{٤ + ص}{١٢} = \frac{٤ + ص}{٥ + ج + ب + ٤ + ص} = \frac{٤ + ص}{١٢}$$

من (١)، (٢)

$$\frac{٧}{١٧} = \frac{٢ + س}{٤ + ص} \leftarrow \frac{٧}{١٧} = \frac{٢ + س}{٤ + ص}$$

(٣١)

إذا كان: $\frac{س + ٥}{٥} = \frac{ص + ٨}{٨} = \frac{ع + ٧}{٧}$

اثبت أن $\frac{س}{٢} = \frac{ص}{٣} = \frac{ع}{٥}$

الحل

بضرب الثانية $\times ١$ وجمع النسب الثلاثة

$$\text{كل النسب} = \frac{س + ٥ + ٨ + ٧}{٥ + ٨ + ٧} = \frac{س + ٢٠}{٢٠}$$

بضرب الثالثة $\times ١$ وجمع النسب الثلاثة

$$\text{كل النسب} = \frac{س + ٥ + ٨ + ٧}{٥ + ٨ + ٧} = \frac{س + ٢٠}{٢٠}$$

بضرب الأولى $\times ١$ وجمع النسب الثلاثة

$$\text{كل النسب} = \frac{س + ٥ + ٨ + ٧}{٥ + ٨ + ٧} = \frac{س + ٢٠}{٢٠}$$

من (١)، (٢)، (٣)

$$\frac{س}{٢} = \frac{ص}{٣} = \frac{ع}{٥}$$

(٣٢)

إذا كان: $\frac{س}{س + ٢} = \frac{ص}{ص + ٣} = \frac{ع}{ع + ٤}$

اثبت أن كلاً من هذه النسب = ٢ (س + ص ≠ صفر)

ثم أوجد س : ص : ع

الحل

بجمع النسب الثلاثة

$$\frac{س}{س + ٢} = \frac{ص}{ص + ٣} = \frac{ع}{ع + ٤}$$

بضرب الأولى $\times ١$ والثانية $\times ٢$ ثم بالجمع

$$\frac{س}{٢} = \frac{ص}{٣} = \frac{ع}{٥}$$

بضرب الثانية $\times ٤$ والثالثة $\times ١$ ثم بالجمع

$$\frac{٤ + ص}{١٢} = \frac{٤ + ص}{٥ + ج + ب + ٤ + ص} = \frac{٤ + ص}{١٢}$$

من (١)، (٢)

$$\frac{٧}{١٧} = \frac{٢ + س}{٤ + ص} \leftarrow \frac{٧}{١٧} = \frac{٢ + س}{٤ + ص}$$

٣٣ إذا كان: p, b, c, s كميات متناسبة

أثبت أن ① $\frac{s+c}{s} = \frac{b+p}{b}$

② $\frac{cp}{sb} = \frac{ps+cs}{ps+cs}$

الحل

∴ p, b, c, s كميات متناسبة

$ps = p$ \longleftrightarrow $m = \frac{c}{s} = \frac{p}{b}$ ∴

الطرف الأيسر $\frac{s+c}{s}$ = الطرف الأيمن $\frac{b+p}{b}$ ①

$\frac{s+ms}{s} = \frac{b+mb}{b}$

$\frac{(1+m)s}{s} = \frac{(1+m)b}{b}$

② $1+m = 1+m$

∴ الطرف الأيمن = الطرف الأيسر

الطرف الأيمن $\frac{ps+cs}{ps+cs}$ = الطرف الأيسر $\frac{cp}{sb}$ ②

$\frac{ps+msps}{ps+ps} = \frac{cp \times ms}{sb}$

$m = \frac{(ps+cs)m}{ps+ps}$

∴ الطرف الأيمن = الطرف الأيسر

٣٤ إذا كان: $y, s, \frac{1}{s}$ في تناسب متسلسل

أوجد قيمة s^2

الحل

$y, s, \frac{1}{s}$ في تناسب متسلسل

$\frac{y}{s} = \frac{s}{\frac{1}{s}}$ \longleftrightarrow $s^2 = \frac{y}{s}$

$y = s^3$

$s^2 = 49$

٣٥ إذا كان: p, b, c وسطاً متناسب بين p, c

أثبت أن: ① $\frac{b}{c+p} = \frac{b-p}{c-p}$

② $\frac{p}{c} = \frac{c+p}{c+p}$

الحل

∴ p, b, c وسطاً متناسب بين p, c

$bm = b$ \longleftrightarrow $m = \frac{c}{p} = \frac{p}{b}$

الطرف الأيسر $\frac{b}{c+p}$ = الطرف الأيمن $\frac{b-p}{c-p}$ ①

$\frac{bm}{c+bm} = \frac{bm-p}{c-p}$

$\frac{m}{(1+m)c} = \frac{(1-m)b}{(1-m)c}$

$\frac{m}{1+m} = \frac{(1-m)b}{(1-m)c}$

$\frac{m}{1+m} = \frac{(1-m)m}{(1-m)(1+m)}$

∴ الطرفان متساويان

الطرف الأيمن $\frac{b+p}{c+p}$ = الطرف الأيسر $\frac{p}{c}$ ②

$\frac{bm+p}{c+p} = \frac{p}{c}$

$\frac{bm+pm}{c+p} = \frac{p}{c}$

$\frac{(1+m)p}{(1+m)c} = \frac{p}{c}$

$m = m$

∴ الطرفان متساويان

٣٧ إذا كانت ص تتغير طردياً مع س وكانت ص = ٦
عندما س = ٣ أوجد العلاقة بين ص ، س
ثم أوجد قيمة ص عندما س = ٥

الحل

∴ ص ∞ س ← ص = ٣ س
عند ص = ٦ ، س = ٣ ← $\frac{6}{3} = \frac{3 \times 2}{3} = \frac{6}{3}$
 $2 = 2$
∴ ص = ٢ س العلاقة بين ص ، س
عند س = ٥ ← ص = ٥ × ٢ = ١٠

٣٨ إذا كانت ص تتغير عكسياً مع س^٢
وكانت ص = ٩ عندما س = $\frac{2}{3}$ أوجد
① العلاقة بين ص ، س ② قيمة ص عندما س = $\frac{1}{4}$

الحل

∴ ص ∞ $\frac{1}{س^2}$ ← ص = $\frac{1}{س^2}$
عند ص = ٩ ، س = $\frac{2}{3}$ ← $\frac{9}{\frac{4}{9}} = 9$
 $4 = \frac{4}{9} \times 9 = 4$
ص = $\frac{4}{س^2}$ العلاقة بين ص ، س
عند س = $\frac{1}{4}$ ← ص = $\frac{4}{\frac{1}{16}} = 64$

٣٩ س^٢ ص - ١٤ س^٢ ص + ٤٩ = ٠
اثبت أن ص ∞ $\frac{1}{س^2}$

الحل

٠ = (س^٢ ص - ١٤ س^٢ ص + ٤٩ س^٢ ص)
٠ = س^٢ (ص - ١٤ ص + ٤٩)
س^٢ ص = ١٤ س^٢ ص - ٤٩ س^٢ ص
ص = $\frac{14}{س^2}$ ← ص ∞ $\frac{1}{س^2}$

٣٦ إذا كان م ، ب ، ج ، د في تناسب متسلسل

اثبت أن ① $\frac{م}{ج} = \frac{ب + د}{ب + د}$
② $\frac{ب - م}{ب + م} = \frac{ج - د}{ج + د}$

الحل

م ، ب ، ج ، د في تناسب متسلسل
م = $\frac{ب}{ج} = \frac{د}{ب}$
① الطرف الأيمن = $\frac{ب + د}{ب + د}$
الطرف الأيسر = $\frac{م}{ج}$
 $\frac{م}{ج} = \frac{ب + د}{ب + د}$
 $\frac{م}{ج} = \frac{ب + د}{ب + د}$
 $\frac{1}{ج} = \frac{ب + د}{ب + د}$
∴ الطرف الأيمن = الطرف الأيسر

② الطرف الأيمن = $\frac{ب + د}{ب + د}$
الطرف الأيسر = $\frac{ب - م}{ب + م}$
 $\frac{ب - م}{ب + م} = \frac{ج - د}{ج + د}$
 $\frac{ب - م}{ب + م} = \frac{ج - د}{ج + د}$
 $\frac{ب - م}{ب + م} = \frac{ج - د}{ج + د}$
∴ الطرف الأيمن = الطرف الأيسر

(٤٠)

إذا كان : $\frac{٢١س - ص}{٧س - ع} = \frac{ص}{ع}$ فثبت ان $ص \propto ع$

الحل

$$\frac{٢١س - ص}{٧س - ع} = \frac{ص}{ع}$$

$$\frac{٢١س - ع}{٧س - ع} = \frac{ص}{ع} \Rightarrow ٢١س - ع = ٧س - ع \Rightarrow ٢١س = ٧س \Rightarrow ٢١ = ٧$$

$$\frac{٢١س}{٧س} = \frac{ص}{ع} \Rightarrow ٣ = \frac{ص}{ع} \Rightarrow ٣ع = ص \Rightarrow ٣ \propto ع$$

(٤١)

إذا كانت $ص \propto \sqrt[٣]{س}$ وكانت $ص = ٦$ عندما $س = ٢٧$ أوجد العلاقة بين $ص$ ، $س$ ثم أوجد قيمة $س$ عندما $ص = ١٦$

الحل

$$ص \propto \sqrt[٣]{س} \Rightarrow \frac{ص}{\sqrt[٣]{س}} = م$$

$$\frac{٦}{\sqrt[٣]{٢٧}} = م \Rightarrow \frac{٦}{٣} = م \Rightarrow ٢ = م$$

$$ص = ٢ \sqrt[٣]{س} \Rightarrow \frac{ص}{\sqrt[٣]{س}} = ٢$$

$$\frac{١٦}{\sqrt[٣]{١٦}} = ٢ \Rightarrow \sqrt[٣]{١٦} = ٨ \Rightarrow ١٦ = ٨^٣ \Rightarrow ١٦ = ٥١٢$$

(٤٢)

إذا كانت : $ص = ٩ - ٢$ ، $ص \propto \frac{١}{س}$ حيث $١٨ = م$ عندما $س = \frac{٢}{٣}$ أوجد
① العلاقة بين $ص$ ، $س$ ② قيمة $ص$ عندما $س = ١$

الحل

$$ص \propto \frac{١}{س} \Rightarrow \frac{ص}{\frac{١}{س}} = م$$

$$\frac{٩ - ٢}{\frac{١}{س}} = م$$

$$٩ - ٢ = \frac{م}{س}$$

$$\frac{٩ - ٢}{١} = م$$

$$٩ - ١٨ = \frac{م}{٩}$$

$$٩ - ١٨ = \frac{٩ - ١٨}{٩} \Rightarrow ٩ = ٩ \times \frac{٩}{٩} \Rightarrow ٩ = ٩$$

(٤٣)

إذا كانت : $ص = ١ + ب$ ، $ب \propto \frac{١}{س}$ حيث $س = ١$ عندما $ص = ٥$ أوجد
① العلاقة بين $ص$ ، $س$ ② قيمة $ص$ عندما $س = ٢$

الحل

$$ص = ١ + ب$$

$$ب \propto \frac{١}{س}$$

$$ب = \frac{م}{س}$$

$$ص = ١ + ب$$

$$ص = ١ + \frac{م}{س}$$

$$ص = ١ + \frac{٤}{٢}$$

$$ص = ٣$$

$$٢$$

$$عند س = ١ ، ص = ٥$$

$$٥ = ١ + \frac{م}{١} \Rightarrow ٤ = م$$

(٤٤)

من بيانات الجدول المقابل :

٦	٤	٢	س
٢	٣	٦	ص

① بين نوع التغير بين $ص$ ، $س$

② أوجد ثابت التناسب

③ أوجد قيمة $ص$ عندما $س = ٣$

الحل

① نوع التغير بين $ص$ ، $س$ عكسي

$$ص \propto \frac{١}{س} \Rightarrow \frac{ص}{\frac{١}{س}} = م$$

$$\frac{٢}{\frac{١}{٦}} = م \Rightarrow ١٢ = م$$

∴ ثابت التناسب = ١٢

$$ص = \frac{١٢}{س}$$

$$عندما س = ٣ \Rightarrow \frac{١٢}{٣} = ص \Rightarrow ٤ = ص$$

أوجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري للتوزيع التكراري

المجموعات	- ٤٠	- ٣٠	- ٢٠	- ١٠	- ٠
التكرار	١٠	٧	١٨	٣	٢

الحل :

م	س	ك	س × ك	(س - س̄)	(س - س̄)²	(س - س̄)³
- ٠	٥	٢	١٠	٢٥ -	٦٢٥	١٢٥٠
- ١٠	١٥	٣	٤٥	١٥ -	٢٢٥	٦٧٥
- ٢٠	٢٥	١٨	٤٥٠	٥ -	٢٥	٤٥٠
- ٣٠	٣٥	٧	٢٤٥	٥	٢٥	١٧٥
- ٤٠	٤٥	١٠	٤٥٠	١٥	٢٢٥	٢٢٥٠
		٤٠	١٢٠٠			٤٨٠٠

$$\text{الوسط الحسابي: } \bar{S} = \frac{\text{محس} \times \text{ك}}{\text{محك}} = \frac{1200}{40} = 30$$

$$\text{الانحراف المعياري: } \sigma = \sqrt{\frac{\text{محك} \times (\bar{S} - S)^2}{\text{محك}}} = \sqrt{\frac{4800}{40}} = 10.95$$

أوجد الانحراف المعياري للقيم ١٢، ١٣، ١٦، ١٨، ٢١

الحل :

س	س - س̄	(س - س̄)²
١٢	٤ -	١٦
١٣	٣ -	٩
١٦	٠	٠
١٨	٢	٤
٢١	٥	٢٥
		٥٤

الوسط الحسابي:

$$\bar{S} = \frac{80}{5} = 16$$

الانحراف المعياري:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\text{محك} \times (\bar{S} - S)^2}{\text{محك}}} = \sqrt{\frac{54}{5}} = 3.286$$

$$3.286 \approx \sqrt{\frac{54}{5}} =$$

الجدول التالي يبين التوزيع التكراري لعدد الوحدات التالفة التي وجدت في ١٠٠ صندوق

عدد الوحدات	٠	١	٢	٣	٤	٥
عدد الصناديق	٣	١٦	١٧	٢٥	٢٠	١٩

الحل :

س	ك	س × ك	(س - س̄)	(س - س̄)²	(س - س̄)³
٠	٣	٠	٣ -	٩	٢٧
١	١٦	١٦	٢ -	٤	٦٤
٢	١٧	٣٤	١ -	١	١٧
٣	٢٥	٧٥	٠	٠	٠
٤	٢٠	٨٠	١	١	٢٠
٥	١٩	٩٥	٢	٤	٧٦
	١٠٠	٣٠٠			٢٠٤

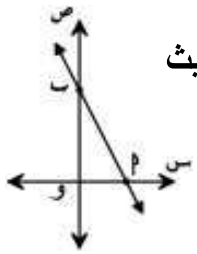
$$\text{الوسط الحسابي: } \bar{S} = \frac{\text{محس} \times \text{ك}}{\text{محك}} = \frac{300}{100} = 3$$

الانحراف المعياري:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\text{محك} \times (\bar{S} - S)^2}{\text{محك}}} = \sqrt{\frac{204}{100}} = 1.428$$

$$1.428 \approx$$

تمارين إضافية



الشكل المقابل يمثل الدالة : د حيث

د(س) = $4 - 2س$ أوجد :

(١) إحداثيي كل من النقطتين ٢ ، ب

(٢) مساحة سطح Δ م و ب

مثل بيانيا كل من الدوال الآتية ، و من الرسم استنتج

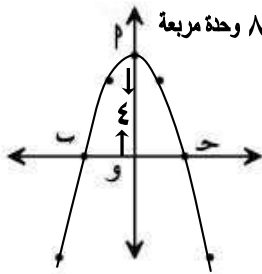
أحداثي رأس المنحنى ، و معادلة محور التماثل ،
و القيمة العظمى أو الصغرى للدالة حيث س

(١) د(س) = $س^2 - ٢س$ متخذاً س $\in [٢, ٤]$

(٢) د(س) = $س(س - ٢) - ٣$ متخذاً س $\in [٢, ٤]$

الشكل المقابل يمثل منحنى الدالة التربيعية د

حيث د(س) = $٤ - س$ ، ل ثابت \neq صفر



مساحة Δ الذي رؤوسه ٢ ، ب ، ح = ٨ وحدة مربعة

أوجد :

١) معادلة محور التماثل ،
القيمة العظمى للدالة د

٢) إحداثيي نقطة ب

٣) قيمة ل

إذا كان منحنى الدالة د : حيث د(س) = $س - م$

يقطع محور السينات في النقطة (٢ - ، ب)

أوجد قيمة : $٢م + ٣$

أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى حدى النسبة

$١١ : ٧$ فإنها تصبح $٣ : ٢$

أوجد العدد الذي إذا طرح ثلاثة أمثاله من حدى النسبة

$٤٩ : ٦٩$ أصبحت $٣ : ٢$

إذا كانت $\frac{س}{ص} = \frac{٢}{٣}$ أوجد قيمة $\frac{٣س + ٢ص}{٦ص - س}$

إذا كان أ : ب : ج = $٥ : ٧ : ٣$ وكان $أ + ب = ٢٧, ٦$

فأوجد قيمة كل من : أ ، ب ، ج

١) إذا كانت $س = \{١, ٢, ٣\}$ ، $ص = \{٥, ٧\}$

أوجد

١) $س \times ص$ ومثلها بمخطط سهمي

٢) $س^٢$ ومثلها بمخطط سهمي

٣) $ص(ص \times س)$

٢) إذا كانت $س = \{٤, ٥\}$ ، $ص = \{٢, ٥, ٣\}$

ع ، $\{٧, ٤\} = ع$ أوجد

١) $س \cap ص(ص \times ع)$

٢) $س \cup ص(ص \times ع)$

٣) $ص(ع - س) \times ص$

٢) إذا كانت $س = \{١, ٢, ٣\}$

، $ص = \{١, ٤, ٧, ٩\}$ وكانت ع

س إلى ص حيث م ع ب تعنى أن " $٧ = ٢$ ب "

لكل $م \in س$ ، $ب \in ص$

أكتب بيان ع هل ع دالة أم لا ؟ ولماذا؟

وإذا كانت دالة أوجد مداها

٤) إذا كانت $س = \{١, ٢, ٣, \frac{١}{٢}, \frac{١}{٣}\}$

وكانت ع علاقة على س حيث م ع ب

تعنى أن " $١ = ٢$ ب " لكل $م \in س$ ، $ب \in ص$

أكتب بيان ع هل ع دالة أم لا ؟ ولماذا؟

وإذا كانت دالة أوجد مداها

٥) إذا كانت $س = \{١, ٢, ٣\}$ ،

$ص = \{ص : ص \geq ٢, ط > ٩\}$ وكانت ع

علاقة من س إلى ص حيث م ع ب تعنى أن

" $١ + ٢ = ٣$ ب " لكل $م \in س$ ، $ب \in ص$

أكتب بيان ع هل ع دالة أم لا ؟ ولماذا؟

٢٥ إذا كانت m ب وكانت $n = 3$ عندما $b = 2$ فأوجد
العلاقة بين m ، b ، قيمة m عندما $b = \frac{2}{3}$

٢٦ إذا كانت ص m (س + ١)، وكانت ص $n = 2$
عندما $s = 3$ أوجد العلاقة بين s ، ص

٢٧ إذا كانت: ص $m = 5 + m$ ، m ص
حيث $m = 6$ عندما $s = 2$
أوجد ① العلاقة بين s ، ص
② قيمة s عندما $s = 8$

٢٨ إذا كانت ص $m = 7 + m$ وكانت m تتناسب
عكسياً مع مربع s ، $m = 18$ عندما $s = \frac{2}{3}$
أوجد العلاقة بين s ، ص ثم أوجد
قيمة s عندما $s = 6$

٢٩ إذا كانت $s^2 - 8$ ص $s + 16 = 0$
أثبت أن: ص تتغير عكسياً مع s

٣٠ أوجد الانحراف المعياري للقيم ١٦، ١٨، ٦، ٣٠، ١٥

٣١ التوزيع التكراري التالي يوضح عدد الأهداف التي سجلت في عدد من مباريات كرة القدم

عدد الأهداف	صفر	١	٢	٣	٤	٥	٦
عدد المباريات	١	٤	٦	٩	٥	٣	٢

احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري.

٣٢ أوجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري للتوزيع التكراري

المجموعات	- ٤٠	- ٣٠	- ٢٠	- ١٠	- ٠
التكرار	١٠	٧	١٨	٣	٢

١٤ إذا كان $12 = 3 = 4$ ج فأوجد أ : ب : ج

١٥ إذا كان: $3 = 6 = 4$ ح

أوجد قيمة المقدار $\frac{a+b}{a-b}$

١٦ إذا كان $\frac{1}{2} = \frac{3}{4} = \frac{5}{6}$ فأوجد قيمة s

١٧ إذا كان $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f}$

أثبت أن $\frac{a+b+c}{d+e+f} = \frac{a}{d} = \frac{b}{e} = \frac{c}{f}$

١٨ إذا كان: $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f}$
أثبت أن $\frac{a+b+c}{d+e+f} = \frac{a}{d} = \frac{b}{e} = \frac{c}{f}$

١٩ إذا كانت ص وسط متناسب بين s ، ع

أثبت أن $\frac{s}{s+c} = \frac{e}{e+c}$

٢٠ إذا كان $5 = 3 = 4$ ب فأوجد قيمة $\frac{a+b}{a-b}$

٢١ إذا كانت b وسط متناسب بين m ، ح

أثبت أن $\frac{a-b}{a+b} = \frac{c-d}{c+d}$

٢٢ ① إذا كان m ، b ، c ، d في تناسب متسلسل
أثبت أن: $\frac{b-d}{b+d} = \frac{c-m}{c+m}$

② إذا كان m ، b ، c ، d في تناسب

أثبت أن: $\frac{2m}{c} = \frac{2b}{d} + \frac{2c}{m}$

٢٣ إذا كانت $\frac{s}{v} = \frac{v}{3}$ أثبت أن

($s - 3$ ص)، ($s + 2$ ص)، (26 ، 10 ، 2) متناسبة

٢٤ أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى كل من الأعداد

12 ، 8 ، 5 ، 3 فإنها تكون متناسبة

حساب المثلثات

و

الهندسة التحليلية

المراجعة النهائية

السؤال
الأول

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة

١ إذا كانت جتا ٢ = $\frac{1}{4}$ حيث ٢ قياس زاوية حادة فإن س = °

- ١٥ (أ) ٣٠ (ب) ٤٥ (ج) ٦٠ (د)

٢ ظا ٤٥ ° =

- ٣٦ (أ) $\frac{1}{36}$ (ب) ١ (ج) $\frac{1}{2}$ (د)

٣ ظا ٤٥ ° جا ٣٠ ° =

- $\frac{1}{2}$ (أ) ١ (ب) $\frac{2}{3}$ (ج) $\frac{1}{4}$ (د)

٤ ٢ جا ٣٠ جتا ٣٠ =

- ٦٠ جا ٦٠ (أ) ٦٠ جتا ٦٠ (ب) ٦٠ ظا ٦٠ (ج) ٢ جا ٦٠ (د)

٥ المثلث أ ب ج قائم الزاوية في ب ، أ ب = ٣ سم ، ب ج = ٤ سم فيكون جا أ جتا ج =

- ١ (أ) $\frac{9}{25}$ (ب) $\frac{12}{25}$ (ج) $\frac{16}{25}$ (د)

٦ ٤ جتا ٣٠ ظا ٦٠ =

- ٣ (أ) ٤ (ب) ٦ (ج) $\sqrt{3}$ (د)

٧ في المثلث أ ب ج القائم الزاوية في ب يكون جا أ + جتا ج =

- ٢ جا أ (أ) ٢ جا ب (ب) ٢ جتا ب (ج) ٢ جتا أ (د)

٨ إذا كان ظا ٣ = $\sqrt{3}$ حيث ٣ قياس زاوية حادة فإن س = °

- ١٠ (أ) ٢٠ (ب) ٣٠ (ج) ٦٠ (د)

٩ إذا كان جاس = $\frac{1}{4}$ ، س زاوية حادة فإن جا ٢ =

- ٢ (أ) $\frac{1}{4}$ (ب) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (ج) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ (د)

٢٠ إذا كان جا (س + ١٠) = $\frac{1}{4}$ حيث س زاوية حادة فإن س =

- ١٠ (د) ٢٠ (ب) ٣٠ (ح) ٦٠ (س)

٢١ جا ٦٠ + جتا ٣٠ + ظا ٦٠ =

- ٣٦ - (د) ٣٦ (ب) ٣٦ (ح) ٣٦ (س)

٢٢ إذا كانت ظا $\frac{3}{4}$ = ١ حيث س زاوية حادة فإن س = (س) =

- ٦٠ (د) ٤٥ (ب) ٣٠ (ح) ١٠ (س)

٢٣ Δ ب ح فيه س (ب) = ٩٠° ، ٣ ظا ح - ٤ = ٠ فإن ٢ جا ح جتا ح =

- ٣ (د) ٤ (ب) ٢٥ (ح) ١٢ (س)

٢٤ إذا كان س (ب) = ٧٥° ، جاب = جتا ب حيث ب زاوية حادة فإن س (ب) =

- ٧٥ (د) ١٠٥ (ب) ١٥ (ح) ٤٥ (س)

٢٥ إذا كان جا (س + ٥) = $\frac{1}{4}$ حيث (س + ٥) زاوية حادة فإن ظا (س + ٥) =

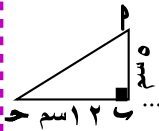
- $\frac{\sqrt{3}}{4}$ (د) ١ (ب) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ (ح) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ (س)

٢٦ Δ ب ج القائم في ب ، ظا ب = ١ فإن ظا ج جتا ج =

- ١ (د) $\frac{1}{4}$ (ب) $\frac{1}{4}$ (ح) $\frac{3}{4}$ (س)

٢٧ في Δ ب ج القائم في ب : إذا كان جا ج = $\frac{3}{5}$ ، ب = ٦ سم فإن مساحة Δ ب ج = سم^٢

- ٩٦ (د) ٤٨ (ب) ٢٤ (ح) ١٢ (س)

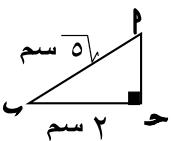


٢٨ في الشكل المقابل : ب ج مثلث قائم الزاوية في ب ، ب = ٥ سم ، ب ج = ١٢ سم فإن جا ب =

- $\frac{5}{12}$ (د) $\frac{12}{5}$ (ب) $\frac{12}{13}$ (ح) $\frac{5}{13}$ (س)

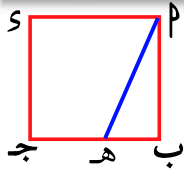
٢٩ إذا كان ظا س = $\frac{1}{\sqrt{3}}$ فإن ظا ٢ س =

- $\frac{1}{\sqrt{3}}$ (د) ١ (ب) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ (ح) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ (س)



٣٠ في الشكل المقابل : ٢ طا ب =

- ٢ (د) ١ (ب) $\frac{1}{2}$ (ح) $\frac{2}{5}$ (س)



٣٦) ب ج د مربع فيه هـ $\exists \overline{ب ج}$ ، $\frac{ب هـ}{ب ج} = \frac{1}{3}$ فإن طا (هـ ب س) =

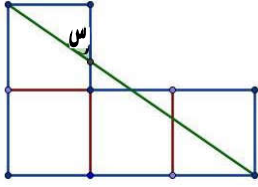
- ☐ ٣ ☐ ١ ☐ $\frac{1}{3}$ ☐ $\frac{1}{10}$ ☐ $\frac{3}{10}$

٣٧) إذا كانت جتا هـ ≈ ٨٦٧٦ ، حيث هـ زاوية حادة فإن ق (ل هـ) = °

- ☐ ٩ ☐ ٣٦ ☐ ٣٢ ☐ ٩ ☐ ٤٩ ☐ ٢٩ ☐ ١٩ ☐ ٣٦ ☐ ٤٤ ☐ ٨ ☐ ٣٦ ☐ ٢٥

٣٨) ب ج مثلث قائم الزاوية في ب فإذا كان ٢ ب $\overline{ب ج} = ٣\sqrt{2}$ فإن طا ج =

- ☐ ٣ ☐ $\frac{1}{3}$ ☐ $\frac{1}{\sqrt{3}}$ ☐ $\frac{3}{\sqrt{2}}$ ☐ $\frac{3}{2}$



٣٩) الشكل المقابل أربعة مربعات متطابقة فإن طاس =

- ☐ ٢ ☐ $\frac{3}{2}$ ☐ $\frac{2}{5}$ ☐ $\frac{5}{2}$

٤٠) Δ أ ب ج قائم الزاوية في أ ومتساوي الساقين فإن: طاج =

- ☐ ١ ☐ $\frac{1}{2}$ ☐ $\frac{3}{2}$ ☐ $\frac{1}{\sqrt{2}}$

٤١) ميل المستقيم الموازي لمحور السينات =

- ☐ ١ ☐ -١ ☐ صفر ☐ غير معرف

٤٢) ميل المستقيم الموازي لمحور الصادات =

- ☐ ١ ☐ -١ ☐ صفر ☐ غير معرف

٤٣) بعد النقطة (٣، ٥) عن محور السينات = وحدة طول

- ☐ ٣ ☐ ٥ ☐ ٥ ☐ $3\sqrt{2}$

٤٤) البعد بين النقطتين (٣، ٤) ، (٤، -٣) = وحدة طول

- ☐ ١٠ ☐ ٧ ☐ $2\sqrt{7}$ ☐ ٥

٤٥) البعد بين النقطتين (٠، ٢) ، (٠، ٥) = وحدة طول

- ☐ ٧ ☐ $3\sqrt{9}$ ☐ ٣ ☐ $3\frac{1}{2}$

٤٦) بعد النقطة (٣، ٤) عن نقطة الأصل = وحدة طول

- ☐ ٣ ☐ صفر ☐ ٥ ☐ ٤

٤٧) إذا كانت م (٢، -١) ، ب (٥، ٣) فإن م ب = وحدة طول

- ☐ ٥ ☐ ٧ ☐ ٢٥ ☐ ١

٤٣) منتصف P حيث $P(1, 6)$ ، $B(-2, 3)$ هو

- Ⓐ $(2, 4)$ Ⓑ $(2, 2)$ Ⓒ $(4, 4)$ Ⓓ $(4, 8)$

٤٤) إذا كانت $(3, -1)$ هي منتصف AB حيث $P(m, 2)$ ، $B(10, -4)$ فإن $m + 4 =$

- Ⓐ 4 Ⓑ 8 Ⓒ 8 Ⓓ 4

٤٥) إذا كان البعد بين النقطتين $(0, m)$ ، $(1, 0)$ هو وحدة الطول فإن $m =$

- Ⓐ 1 Ⓑ $1 -$ Ⓒ $1 \pm$ Ⓓ صفر

٤٦) دائرة مركزها نقطة الأصل وتمر بالنقطة $(3, -4)$ تكون مساحتها π سم²

- Ⓐ 5 Ⓑ 25 Ⓒ 10 Ⓓ 7

٤٧) النقطة $(4, 0)$ تنصف البعد بين النقطتين $(-1, 1)$ ، (s, s) فإن $(s, s) =$

- Ⓐ $(9, 1)$ Ⓑ $(-1, 9)$ Ⓒ $(-1, 3)$ Ⓓ $(1, -3)$

٤٨) البعد العمودي بين المستقيمين $3x - 0 = 0$ ، $2x + 0 = 0$ يساوي

- Ⓐ 2 Ⓑ 3 Ⓒ 1 Ⓓ 5

٤٩) إذا كان AB قطراً في الدائرة حيث $P(3, 5)$ ، $B(5, 1)$ فإن مركز الدائرة هو

- Ⓐ $(4, -2)$ Ⓑ $(4, 2)$ Ⓒ $(2, 2)$ Ⓓ $(8, -2)$

٥٠) إذا كان P ب CD معين وكان $P(2, -5)$ ، $B(-1, 1)$ فإن محيط المعين $ABCD =$

- Ⓐ 5 Ⓑ 20 Ⓒ 25 Ⓓ 10

٥١) إذا كانت $P(9, 0)$ ، $B(5, 7)$ ، $J(5, -4)$ هي رؤوس مثلث قائم الزاوية في J فإن $h =$

- Ⓐ 5 Ⓑ $5 -$ Ⓒ 7 Ⓓ 9

٥٢) مستقيمان متوازيان ميلهما m_1, m_2 وكان $m_1 = \frac{3}{4}$ فإن $m_2 =$

- Ⓐ $-\frac{3}{4}$ Ⓑ $-\frac{3}{4}$ Ⓒ $\frac{4}{3}$ Ⓓ $-\frac{4}{3}$

٥٣) إذا كان $\vec{a} \perp \vec{b}$ وكان ميل $\vec{a} = \frac{1}{3}$ فإن ميل $\vec{b} =$

- Ⓐ $\frac{1}{3}$ Ⓑ $-\frac{1}{3}$ Ⓒ $3 -$ Ⓓ 3

٥٤) إذا كان المستقيمان اللذان ميلهما $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$ متوازيان فإن $k =$

- Ⓐ 2 Ⓑ $2 -$ Ⓒ 6 Ⓓ 3

المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية قياسها 35° ميله =

$\sqrt[3]{s}$ $\sqrt[3]{h}$ $\sqrt[3]{-h}$ $\sqrt[3]{p}$

٥٦ إذا كان المستقيمان ٤س - ٣ص = ٠ ، ٣ص + ٣س - ٨ = ٠ متعامدان فإن ك =

۳- (س) ۳- (ح) ۴- (ب) ۴- (پ)

٥٧) إذا كان المستقيمان: $s_4 - s_3 = 3$ ، $s_3 + s_4 = 6$ متوازيان فإن $k = \dots$

$$\frac{17}{3} - 5 \quad 3 - 1 \quad 2 - 1 \quad 2 - 1$$

٥٨ ميل المستقيم ص = ٥ - ٣ س هو

$\frac{2}{0} \text{ (S)}$
 $\frac{0}{1} \text{ (C)}$
 $\frac{3}{0} \text{ (C)}$
 $\frac{0}{0} \text{ (P)}$

المستقيم الذي معادلته $S = S_0 + \theta$ يصنع زاوية موجبة مع الاتجاه الموجب لمحور السينات قياسها ...

۱۳۵ (S) ۶۰ (ح) ۴۵ (P) ۳۰ (P)

المستقيم ٣ ص = ٤ س - ١٢ يقطع من محور الصادات جزءاً طوله وحده

$\xi - \textcircled{\text{S}}$ $\xi - \textcircled{\text{ح}}$ $\text{آ} - \textcircled{\text{ب}}$ $\text{آ} - \textcircled{\text{پ}}$

٦١ ميل المستقيم الذي معادلته $2x + 6y = 2$ هو

١ ⑤ ٦ ⑥ ٣ - ⑦ ٣ ⑧

٢٦ مساحة المثلث المحدد بالمستقيمات $s=0$ ، $v=0$ ، $s+2v=6$ تساوي وحدة مربعة

٦ ٥ ٤ ٣

٤٣) معادلة المستقيم الذي ميله يساوي ١ ويمر بنقطة الأصل هي

۱ = س (پ) ۱ = ص (ب) ص = س (ح) ص = س (س)

٣٤) المستقيم ٣ ص = ٥ س + ١٥ يقطع من محور السينات جزء طوله.....وحدة طول

$\mathfrak{z} = \textcircled{5}$
 $\mathfrak{z} = \textcircled{4}$
 $\mathfrak{z} = \textcircled{5}$
 $\mathfrak{z} = \textcircled{4}$

٦٥ ميل المستقيم العمودي على المستقيم ٣ س + ٤ ص - ٧ = ٠ يساوي

$$\frac{z}{w} = \textcircled{S} \quad \frac{z}{w} = \textcircled{R} \quad \frac{z}{w} = \textcircled{U} \quad \frac{z}{w} = \textcircled{P}$$

٣٦ Δ ب ح قائم الزاوية في ب فيه $P(1, 5)$ ، $Q(0, 1)$ فان ميل \overleftrightarrow{PQ} =

$$\frac{1}{2} = \textcircled{5} \quad \frac{1}{2} \textcircled{6} \quad 2 = \textcircled{7} \quad 2 \textcircled{8}$$

٧٧ معادلة المستقيم الذى يوازي محور الصادات و يمر بالنقطة (١، ٣) هي

- ١ ص = ٣ ☐ ٢ ص = ١ ☐ ٣ ص = ١ ☐ ٤ ص = ٣ ☐

٧٨ ميل المستقيم الموازي للمستقيم المار بالنقطتين (١، ٣)، (٣، ١) هو

- ١ $\frac{1}{2}$ ☐ ٢ $\frac{1}{3}$ ☐ ٣ $\frac{1}{4}$ ☐ ٤ $\frac{1}{5}$ ☐

٧٩ المستقيمان ص = ٣س + ١، ص = ٢س + ٥ هما مستقيمان

- ١ متوازيان ☐ ٢ متعامدان ☐ ٣ منطبقان ☐ ٤ متقاطعان ☐

٨٠ إذا كان المستقيم ص = ٢س + ١ يمر بالنقطة (٢، ٢) فإن ك =

- ١ ٠ ☐ ٢ -٢ ☐ ٣ ٢ ☐ ٤ ٤ ☐

٨١ دائرة مركزها نقطة الأصل وطول قطرها ٦ وحدات فإن النقطة التي تنتمي للدائرة هي

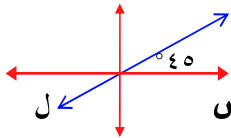
- ١ (٠، ٦) ☐ ٢ (٦، ٠) ☐ ٣ (١، ٨) ☐ ٤ (١، ٥) ☐

٨٢ السقيم المار بالنقطتين (١، ١) ص، (٣، ٤) ميله يساوي ظا ٤٥° فتكون ص =

- ١ ١ ☐ ٢ -١ ☐ ٣ ٢ ☐ ٤ ٤ ☐

٨٣ معادلة المستقيم الذى ميله ٢ ويقطع ٤ وحدات من محور الصادات الموجب هي

- ١ ص = ٤س + ٢ ☐ ٢ ص = ٤س + ٢ ☐ ٣ ص = ٤س + ٢ ☐ ٤ ص = ٤س + ٢ ☐



٨٤ فى الشكل المقابل : معادلة المستقيم ل هي

- ١ ص = ١ ☐ ٢ ص = ١ ☐ ٣ ص = ١ ☐ ٤ ص = ١ ☐

٨٥ معادلة محور الصادات هي

- ١ ص = ٠ ☐ ٢ ص = ٠ ☐ ٣ ص = ٠ ☐ ٤ ص = ٠ ☐

٨٦ النقط (٠، ٣)، (٣، ٠)، (٠، ٣) هي رؤوس مثلث

- ١ مختلف الأضلاع ☐ ٢ متساوى الأضلاع ☐ ٣ قائم الزاوية ومتساوى الساقين ☐ ٤ منفرج الزاوية ☐

٨٧ النقط (٠، ٠)، (٠، ٣)، (٤، ٠) تكون

- ١ مثلث منفرج الزاوية ☐ ٢ مثلث قائم الزاوية ☐ ٣ مثلث حاد الزوايا ☐ ٤ على استقامة واحدة ☐

٨٨ المستقيم $\frac{ص}{٣} + \frac{س}{٢} = ١$ يقطع من محور السينات جزء طوله وحدة طول

- ١ ٣ ☐ ٢ ٢ ☐ ٣ ١ ☐ ٤ ٦ ☐

الأسئلة المقالية

السؤال الثاني

إذا كانت النسبة بين قياسي زاويتين متكاملتين ٣ : ٥ فأوجد القياس الستيني لكل منهما

الحل

نفرض قياس الزاويتين ٣س ، ٥س

$$٣س + ٥س = ١٨٠$$

$$\frac{١٨٠}{٨} = س \div ٨$$

$$س = ٢٢,٥$$

قياس الزاوية الأولى = $٢٢,٥ \times ٣ = ٦٧,٥^\circ$

قياس الزاوية الثانية = $٢٢,٥ \times ٥ = ١١٢,٥^\circ$

٢) $\triangle ABC$ قائم الزاوية في ب

، $AB = ١٣$ سم ، $BC = ١٢$ سم

اثبت أن $\sin A = \frac{١٢}{١٣}$ جتا $\sin A = \frac{٥}{١٣}$ جتا $\sin A = \frac{١}{١٣}$

ثم أوجد جتا A^2 - جتا A^2

الحل

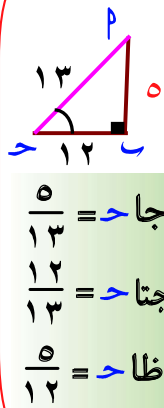
$$AB = \sqrt{١٢٩ - ١٤٤} = ٥$$

$$\sin A = \frac{٥}{١٣} \quad \cos A = \frac{١٢}{١٣}$$

$$١ = \frac{٥}{١٣} \times \frac{٥}{١٣} + \frac{١٢}{١٣} \times \frac{١٢}{١٣}$$

$$= \sin^2 A - \cos^2 A$$

$$\frac{١١٩}{١٦٩} = \sin^2 A - \cos^2 A$$



٣) أ ب ج مثلث قائم الزاوية في ج فيه أ ج = ٦ سم ، ب ج = ٨ سم أوجد :
(١) جتا أ جتا ب - جا أ جا ب
(٢) ق (ب)

الحل

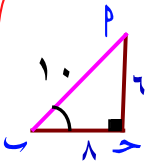
$$AB = \sqrt{٦٤ + ٣٦} = ١٠$$

(١) جتا أ جتا ب - جا أ جا ب

$$= \frac{٦}{١٠} \times \frac{٨}{١٠} - \frac{٨}{١٠} \times \frac{٦}{١٠} = \text{صفر}$$

$$\therefore \sin A = \frac{٨}{١٠} \quad \cos A = \frac{٦}{١٠}$$

$$\text{ق (ب)} = \hat{B} = ١٢٠^\circ \quad \hat{A} = ٥٢^\circ \quad \hat{C} = ٣٦^\circ$$



$$\sin A = \frac{٦}{١٠}$$

$$\cos A = \frac{٨}{١٠}$$

$$\sin A = \frac{٦}{٨}$$

٤) $\triangle ABC$ فيه : $AB = ١٠$ سم ، $BC = ١٢$ سم ، $AC = ١٤$ سم

، اثبت أن : جتا $A = \frac{١٢}{١٣}$ جتا $A = \frac{٥}{١٣}$ جتا $A = \frac{١}{١٣}$

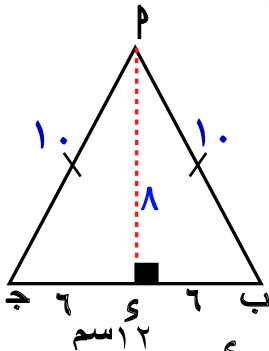
الحل

العمل : نرسم $AD \perp BC$

$$\therefore AB = ١٠ \quad BC = ١٢$$

$$\therefore AD = ٨ \quad DC = ٦$$

$$\therefore AB = ١٠ \quad BC = ١٢$$



في $\triangle ABC$ القائم الزاوية في د

$$\sin A = \frac{٨}{١٠}$$

$$\cos A = \frac{٦}{١٠}$$

$$\sin A = \frac{٨}{٦}$$

$$\sin^2 A - \cos^2 A = \left(\frac{٨}{١٠}\right)^2 - \left(\frac{٦}{١٠}\right)^2$$

$$= \frac{٦٤}{١٠٠} - \frac{٣٦}{١٠٠} = \frac{٢٨}{١٠٠}$$

$$\sin A = \frac{٨}{١٠}$$

$$\therefore \sin A + \cos A = \frac{٨}{١٠} + \frac{٦}{١٠} = \frac{١٤}{١٠}$$

في الشكل المقابل:

أوجد

$$\frac{\text{ظا}(\angle \text{ح ب س}) + \text{ظا}(\angle \text{س ب ح})}{\text{ظا}(\angle \text{س ب ح}) - \text{ظا}(\angle \text{س ب ح})}$$

العمل

$$12 = \sqrt{144} = \sqrt{(9)^2 - (5)^2} = \text{س ب}$$

$$5 = \sqrt{25} = \sqrt{(12)^2 - (13)^2} = \text{ب ح}$$

$$\frac{9}{12} = \text{ظا}(\angle \text{ح ب س}) \quad \frac{\frac{5}{12} + \frac{9}{12}}{\frac{5}{12} - \frac{9}{12}} = \text{المقدار}$$

$$\frac{5}{12} = \text{ظا}(\angle \text{س ب ح}) \quad \frac{7}{2} = \frac{14}{4} =$$

في الشكل المقابل:

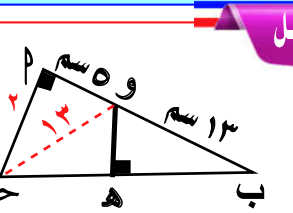
م ب ح Δ قائم الزاوية في م ، وه \perp ب ح ،

ه منتصف ب ح ،

م و = ٥ سم ،

ب و = ١٣ سم ،

أوجد : ظا (ح)



العمل

نرسم : وه \perp ب ح

° ه منتصف ب ح

وه \perp ب ح ،

∴ وب = و ح = ١٣ سم

$$12 = \sqrt{(5)^2 - (13)^2} = \text{ب ح}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{12}{18} = \text{ظا}(\angle \text{ح})$$

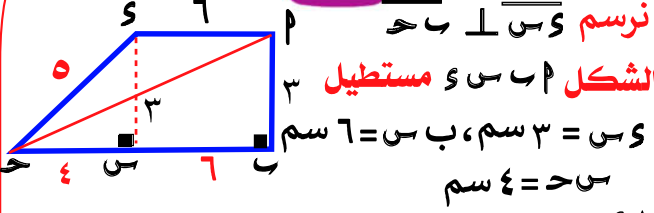
م ب ح Δ شبه منحرف فيه : $\overline{\text{س ب}} \parallel \overline{\text{ب ح}}$

و (ب) = ٩٠° ، م ب = ٣ سم ، س ب = ٦ سم

ب ح = ١٠ سم إثبت أن :

$$\frac{1}{2} = \text{ظا}(\angle \text{م ب ح}) - \text{ظا}(\angle \text{ب ح م})$$

العمل



نرسم $\overline{\text{س ب}} \perp \overline{\text{ب ح}}$

الشكل م ب س Δ مستطيل

س ب = ٣ سم ، ب س = ٦ سم

س ح = ٤ سم

م ب ح Δ مستطيل

م ب = ٥ سم ، م ح = ١٣ سم

أوجد :

و (ب ح م) =

مساحة المستطيل م ب ح

العمل

م ب ح Δ

$$12 = \sqrt{(5)^2 - (13)^2} = \text{ب ح}$$

$$\text{shift tan } \frac{5}{13} = \text{ظا}(\angle \text{ب ح م})$$

$$\text{و (ب ح م)} = \angle 21^\circ 2' 10''$$

مساحة المستطيل م ب ح = ١٢ × ٥ =

$$= 60 \text{ سم}^2$$



الطرف الأيمن = الطرف الأيسر



الحل

الطرف الأيمن = الطرف الأيسر



حل

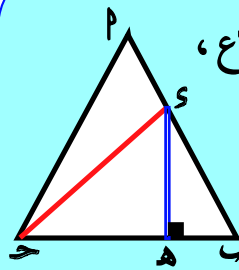
∴ الطرفان متساويان



قل

٢٩

أوجد : طا (٤ ح هـ)



الحل

$$\frac{\sqrt[3]{2}}{3} = (\sqrt[3]{2})^{\frac{1}{3}}$$



الحل

.: الطرفان متساويان

١٦) أوجد قيمة س

إذا كان : س حا ٣٠ حتا ٤٥ حا ٦٠

الحل

$$\begin{aligned} \text{س} \times \frac{1}{4} \times \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 &= \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 \\ \text{س} \times \frac{1}{4} &= \frac{1}{4} \\ \text{س} &= 1 \end{aligned}$$

١٧) أوجد قيمة س

إذا كان : $\sqrt{3}$ ظا س = ٤ حا ٦٠ حتا ٣٠

الحل

$$\begin{aligned} \sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{4} \times 4 &= \frac{\sqrt{3}}{4} \times \frac{\sqrt{3}}{4} \times 4 \\ \sqrt{3} &= \frac{3}{\sqrt{3}} = \text{ظا س} \\ \text{س} &= 60 \end{aligned}$$

١٨) أوجد قيمة س

إذا كان : جاس = حا ٦٠ جا ٣٠ / ظا ٤٥ جا ٤٥

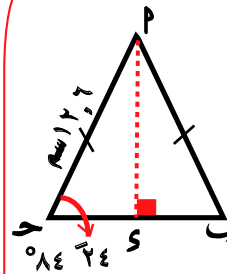
الحل

$$\begin{aligned} \text{جاس} &= \frac{\frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{3}}{2}}{\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 \times 1} \\ \text{جاس} &= \frac{\sqrt{3}}{2} \\ \text{س} &= 60 \end{aligned}$$

١٩) Δ حا Δ فيه : $\text{س} = \text{ب} = \text{ح} = 12,6$ سم

، $\text{و} (\text{ح}) = 24^\circ - 84^\circ$ أوجد طول ب ح

الحل



العمل : نرسم $\overline{PS} \perp \overline{SB}$
 $\therefore \text{س} = \text{ب} = \text{ح} = 12,6$
 $\therefore \text{س} \text{ منتصف } \text{ب}$

$\therefore \Delta \text{ س ب ح قائم في س}$

$$\therefore \text{جتا } (24^\circ - 84^\circ) = \frac{\text{س}}{12,6}$$

$$\text{س} = 12,6 \times \text{جتا } (24^\circ - 84^\circ) \approx 1,2$$

$$\text{ب} = 2 \times 1,2 \approx 2,4 \text{ سم}$$

٢٠) أثبت أن : $\text{م} (3, -1)$ ، $\text{ب} (-4, 6)$

ح (٢، ٢) تقع على دائرة مركزها م (٢، ١)
 ثم أوجد محيط الدائرة ومساحتها

الحل

$$\text{م} = \sqrt{(3-1)^2 + (-1-2)^2} = \sqrt{4+9} = \sqrt{13}$$

$$\text{ب} = \sqrt{(2-2)^2 + (2-1)^2} = \sqrt{0+1} = 1$$

$$\text{ح} = \sqrt{(2-2)^2 + (2-1)^2} = \sqrt{0+1} = 1$$

$$\therefore \text{م} = \text{ب} = \text{ح} = 1 \text{ وحدة طول}$$

\therefore النقط م ، ب ، ح تقع على دائرة مركزها م

محيط الدائرة = 2π ح = 2π وحدة طول

مساحة الدائرة = π ح^٢ = π وحدة مربعة

٢١) اثبت أن المثلث الذي رؤوسه

$\text{م} (1, 4)$ ، $\text{ب} (-1, 2)$ ، $\text{ح} (2, -3)$

قائم الزاوية في ب ثم احسب مساحته

الحل

$$\text{م} = \sqrt{(1+1)^2 + (4-2)^2} = \sqrt{4+4} = \sqrt{8}$$

$$\text{ب} = \sqrt{(2-2)^2 + (-3-2)^2} = \sqrt{0+25} = 5$$

$$\text{ح} = \sqrt{(2-1)^2 + (-3-4)^2} = \sqrt{1+49} = \sqrt{50}$$

$$(\text{ح})^2 = 50 \quad , \quad (\text{ب})^2 + (\text{م})^2 = 25 + 8 = 33$$

$$50 \neq 33$$

$$\therefore (\text{ح})^2 \neq (\text{ب})^2 + (\text{م})^2$$

$\Delta \text{ م ب ح}$ قائم الزاوية في ب

$$\therefore \text{مساحة } \Delta \text{ م ب ح} = \frac{1}{2} \times \sqrt{8} \times 5$$

$$= 10 \text{ وحدة مربعة}$$

(٢٣)

بين نوع المثلث الذي رؤوسه $P(3, 3)$ ، $B(5, 1)$ ، $C(3, 1)$ بالنسبة لأطوال أضلاعه

الحل

$$P = \sqrt{(3-5)^2 + (3-1)^2} = \sqrt{4+4} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2} \text{ وحدة طول}$$

$$B = \sqrt{(3-3)^2 + (1-1)^2} = \sqrt{0+0} = 0 \text{ وحدة طول}$$

$$C = \sqrt{(3-3)^2 + (1-3)^2} = \sqrt{0+4} = 2 \text{ وحدة طول}$$

$$P = B = C = 2 \text{ وحدة طول}$$

$\triangle PBC$ متساوي الساقين

(٢٥)

أثبت أن : $P(2, 3)$ ، $B(0, 0)$ ، $C(7, 0)$ رؤوس متوازي أضلاع

الحل

$$\overline{PB} = \left(\frac{2-0}{2}, \frac{3-0}{2} \right) = \left(\frac{2}{2}, \frac{3}{2} \right) = \left(1, \frac{3}{2} \right)$$

$$\overline{PC} = \left(\frac{2-7}{2}, \frac{3-0}{2} \right) = \left(\frac{-5}{2}, \frac{3}{2} \right) = \left(-\frac{5}{2}, \frac{3}{2} \right)$$

$$\overline{BC} = \left(\frac{7-0}{2}, \frac{0-0}{2} \right) = \left(\frac{7}{2}, 0 \right) = \left(3.5, 0 \right)$$

$$\overline{AB} = \left(\frac{2-0}{2}, \frac{3-0}{2} \right) = \left(\frac{2}{2}, \frac{3}{2} \right) = \left(1, \frac{3}{2} \right)$$

$$\overline{AC} = \left(\frac{2-7}{2}, \frac{3-0}{2} \right) = \left(\frac{-5}{2}, \frac{3}{2} \right) = \left(-\frac{5}{2}, \frac{3}{2} \right)$$

$\therefore \overline{PB} = \overline{PC}$ منتصف B منتصف C

\therefore القطران ينصف كلاهما الآخر

\therefore الشكل PBC متوازي أضلاع

(٢٦)

$P(2, 3)$ ، $B(5, 1)$ ، $C(3, 1)$ ، $D(4, 1)$ أوجد إحداثي نقطة تقاطع قطريه M وإحداثي نقطة S

الحل

$P(2, 3)$ ، $B(5, 1)$ متوازي أضلاع \overline{PB} منتصف M

$$(2, 3) = \left(\frac{5+2}{2}, \frac{1+3}{2} \right) = \left(\frac{7}{2}, \frac{4}{2} \right) = \left(3.5, 2 \right)$$

$\therefore M(3.5, 2)$ منتصف B منتصف S

$$(3.5, 2) = \left(\frac{4+S_x}{2}, \frac{1+S_y}{2} \right)$$

$$7 = 4 + S_x \quad 4 = 1 + S_y$$

$$3 = S_x \quad 3 = S_y$$

$\therefore S(3, 3)$

(٢٧)

أوجد مركز الدائرة التي \overline{PB} قطر فيها حيث $P(2, 1)$ ، $B(5, 0)$

الحل

$$\text{مركز الدائرة} = \left(\frac{2+5}{2}, \frac{1+0}{2} \right) = \left(\frac{7}{2}, \frac{1}{2} \right)$$

$$\text{مركز الدائرة} = (3, 0.5)$$

(٢٤)

أثبت أن : $P(3, 4)$ ، $B(1, 1)$ ، $C(5, 0)$ تقع على استقامة واحدة

الحل

$$P = \sqrt{(3-1)^2 + (4-1)^2} = \sqrt{4+9} = \sqrt{13}$$

$$B = \sqrt{(3-5)^2 + (4-0)^2} = \sqrt{4+16} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$$

$$C = \sqrt{(3-5)^2 + (4-0)^2} = \sqrt{4+16} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$$

$P = B = C = 2\sqrt{5}$

$\therefore P, B, C$ تقع على استقامة واحدة

(٣١)

ص = م س + ح
المعادلة هي: ص = ٢ س + ٧



المطلوب	
$1 - = \frac{1-3}{4-2} = 2$	ص = م س + ح
ح = ص + س	ص - س = ح
$0 = 2 + 3 =$	المعادلة هي :
	ص - س = ح + 0



<p>نضع ص = ٠</p> <p>$\frac{1}{٢}$ س + ٢ = ٠</p> <p>$\frac{1}{٢}$ س = -٢</p> <p>س = -٤</p>	<p>ص = م س + ح</p> <p>المعادلة هي :</p> <p>$\frac{1}{٢}$ س + ٢ = ص</p>
--	---

نقطة تقاطعه مع محور السينات هي : (-٤ ، ٠)



<p>ميل المستقيم $\frac{1}{3} =$</p> <p>ميل العمودي عليه $3 =$</p> <p>$3 = 3 - 3$</p> <p>$1 = 1 \times 3 - 2 =$</p>	<p>$ص = م س + ح$</p> <p>$ص = 3 س + ح$</p> <p style="color: red; text-align: center;">المعادلة هي :</p> <p>$ص = 3 س - 1$</p>
--	---

$$\begin{array}{l} \text{میل ۲} = \frac{۳ - ۴}{۷ - ۳} = \frac{۱}{۴} \\ \text{میل ۱} = \frac{۳ + ۲}{۷ + ۱} = \frac{۵}{۸} \\ \text{میل ۲} = \frac{۳ - ۴}{۷ - ۳} = \frac{۱}{۴} \\ \text{میل ۱} = \frac{۳ + ۲}{۷ + ۱} = \frac{۵}{۸} \end{array}$$



$$\begin{array}{lcl}
 \frac{5-\frac{4}{5}}{7+\frac{2}{3}} & \xrightarrow{\text{میل}} & \frac{\frac{4}{5}}{5} = \frac{5-\frac{4}{5}}{7+\frac{2}{3}} \xrightarrow{\text{میل}} \\
 \frac{\frac{1-}{9}}{9} & = & \frac{\frac{5-}{4}}{7+\frac{3-}{4}} \xrightarrow{\text{میل}} \\
 \frac{9-}{7+\frac{3-}{4}} & \xrightarrow{\text{میل}} & \frac{\frac{4}{5}}{2+\frac{7-}{4}} \xrightarrow{\text{میل}} \\
 \frac{9}{9} & = & \frac{\frac{5-}{4}}{7+\frac{2}{3}} \xrightarrow{\text{میل}}
 \end{array}$$



المعادلة هي:

$$ص = ٢ س + ح$$

$$٢ - ١ \times ٢ = ٠ = ح - ص = ٢ - ٢$$

٤١ أوجد معادلة محور التماثل \overleftrightarrow{PM} حيث $P(3, 1)$ ، $B(5, 3)$

الحل

$$1 = \frac{3-5}{1-3} = \text{ميل } \overleftrightarrow{PM}$$

ميل العمودي عليه $-1 =$

منتصف \overleftrightarrow{PM}

$$(4, 2) = \left(\frac{5+3}{2}, \frac{3+1}{2} \right)$$

$$4 = 3 + 1$$

$$6 = 2 + 4$$

$$\text{ص} = \text{م} + \text{ح}$$

$$\text{ص} = -\text{س} + \text{ح}$$

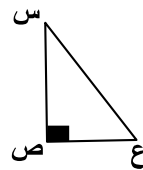
المعادلة هي :

$$\text{ص} = -\text{س} + 6$$

٤٢ إذا كان المثلث الذي رؤوسه النقط $(2, 4)$ ،

$S(5, 3)$ ، $E(0, -5)$ قائم الزاوية في S فأوجد قيمة P

الحل



ΔS ص E قائم في S

$$\therefore \overline{SE} \perp \overline{ES}$$

$$\text{ميل } S \times \text{ميل } E = -1$$

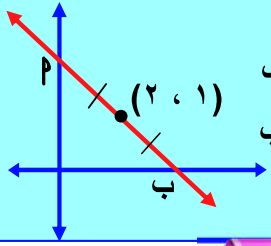
$$-1 = \frac{2-5}{4-0} \times \frac{5-2}{3-4}$$

$$-1 = \frac{2-5}{4-0} \times \frac{3-2}{1-3}$$

$$3-2 = 2-5 \quad \leftarrow -1 = \frac{2-5}{3}$$

$$1-2 = 3-2 = P$$

٤٤ في الشكل المقابل :



جـ $(2, 1)$ هي منتصف P ب

أوجد ١ إحداثي كل من P ، ب

٢ مساحة المثلث P ب

الحل

نفرض أن $P(0, \text{ص})$ ، $B(2, 1)$

\therefore جـ منتصف P ب

$$\left(\frac{0+\text{ص}}{2}, \frac{0+1}{2} \right) = (2, 1) \therefore$$

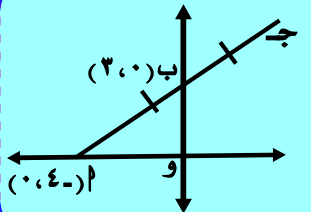
$$\frac{\text{ص}}{2} = 2 \quad \left| \quad \frac{1}{2} = 1 \right.$$

$$\text{ص} = 4 \quad \left| \quad 2 = 2 \right.$$

$P(0, 2)$ ، $B(4, 0)$ ب

مساحة ΔP ب $= \frac{1}{2} \times 4 \times 2 = 4$ وحدة مربعة

٤٥ في الشكل المقابل



ب $(3, 0)$ منتصف P جـ

حيث $P(0, -4)$

أوجد

إحداثي نقطة جـ، ظا P

الحل

\therefore ب منتصف P جـ $P(0, -4)$ ، $B(3, 0)$

$$\left(\frac{0+\text{ص}}{2}, \frac{-4+0}{2} \right) = (3, 0) \therefore$$

$$\frac{\text{ص}}{2} = 3 \quad \left| \quad \frac{-4+0}{2} = 0 \right.$$

$$\text{ص} = 6 \quad \left| \quad 0 = -4+0 \right.$$

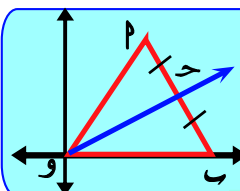
$$\text{س} = 4 \quad \left| \quad 0 = 6+4 \right.$$

ΔP ب و

$$\text{ظا } P = \frac{3}{4}$$

$$\text{ظا } P = \text{ميل } \overleftrightarrow{PM} = \frac{-3}{4} = \frac{3}{4}$$

٤٣ في الشكل المقابل :



ΔP ب و متساوي الاضلاع

أوجد معادلة \overleftrightarrow{PQ}

الحل

ΔP ب و متساوي الاضلاع ، جـ منتصف \overleftrightarrow{PM}

$$\therefore \overline{PQ} \perp \overline{PM}$$

$$\angle P = 60^\circ$$

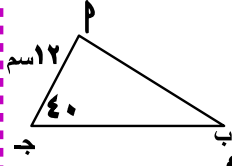
$$\therefore \angle Q = 30^\circ$$

$$\text{ص} = \frac{1}{3\sqrt{3}}$$

$$\text{ميل } \overleftrightarrow{PQ} = \text{ظا } 30^\circ = \frac{1}{3\sqrt{3}}$$

المعادلة هي :

تمارين إضافية

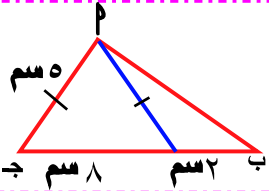


٩ في الشكل المقابل :

ق (د ج) = 40° ، أ ج = ١٢ سم

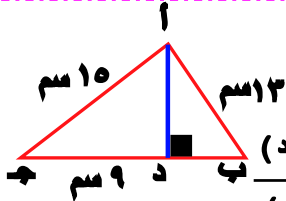
أوجد لأقرب رقم عشري واحد طول أ ب

ثم أوجد طول ب ج لأقرب سم



١٠ من الشكل المقابل :-

أوجد قيمة ج ا ب



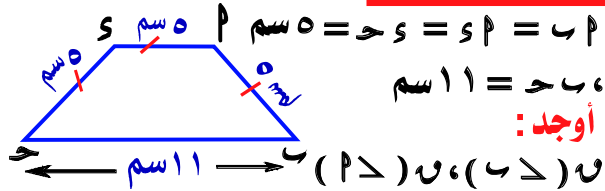
١١ في الشكل المقابل :

أوجد

ظا (د ج ا د) + ظا (د ب ا د)

ظا (د ج ا د) - ظا (د ب ا د)

١٢ في الشكل المقابل : P ح د شبه منحرف فيه :



أوجد :

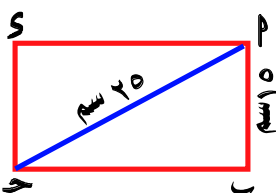
مساحة شبه المنحرف P ح د

١٣ P ب ج د شبه منحرف متساوي الساقين فيه

$\overline{د ب} \parallel \overline{ج د}$ ، $د ب = ٤$ سم ، $ب د = ٥$ سم ،

ب ج = ١٢ سم أثبت أن : $\frac{٥}{ج ا} = \frac{٥}{ب ا}$

١٤ في الشكل المقابل :



P ب ح د مستطيل

$ب د = ١٥$ سم

$ب ح = ٢٥$ سم

أوجد : $ق (ب ح د)$

مساحة المستطيل P ب ح د

١ س ص ع مثلث قائم الزاوية في ع

، س ص = ٢٥ سم ، س ع = ٧ سم أوجد قيمة كل من

(١) ظا س \times ظا ص (٢) جاس + جا ص

٢ بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن :

(١) حتا $٦٠^\circ = ٢$ جتا $٣٠^\circ - ١$

(٢) ظا $٦٠^\circ = (١ - \text{ظا } ٣٠^\circ) = ٢$ ظا ٣٠°

٣ أوجد قيمة س في كل مما يأتي :

(١) ٤ س = جتا ٣٠° ، ظا ٣٠° ، ظا ٥٥°

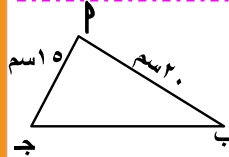
(٢) س ح ا = ٤٥ جتا ٤٥° ، ظا $٦٠^\circ = ٢$ ظا ٥٥° ، جتا ٦٠°

٤ أوجد ق (هـ) حيث هـ زاوية حادة :

(١) ح ا هـ = ح ا ٤٥° حتا $٣٠^\circ +$ حتا ٤٥° حا ٣٠°

(٢) ج ا هـ = ج ا ٦٠° جتا $٣٠^\circ -$ جتا ٦٠° ج ا ٣٠°

٥ في الشكل المقابل :



ΔPAB فيه ق $(\hat{P}) = 90^\circ$

، أ ح = ١٥ سم ، أ ب = ٢٠ سم

أثبت أن :

حتا ج حتا ب - ح ا ج ح ا ب = صفر

٦ أ ب ج د شبه منحرف فيه أ د \parallel ب ج ،

ق (ب) = 90° ، أ ب = ٣ سم ، ب ج = ٦ سم

، أ د = ٢ سم

أوجد طول د ج ثم أوجد قيمة جتا ب ج د

٧ إذا كان ج ا هـ ظا $٣٠^\circ =$ جتا ٥٥°

فأوجد ق (هـ) حيث هـ زاوية حادة

٨ أ ب ج مثلث قائم الزاوية في ب فإذا كان

٢ أ ب = ٣٦ أ ج أوجد النسب المثلثية للزاوية ج

١٥) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطتين (١، ٣) ، (١-، ٣-) ، ثم أثبت أنه يمر بنقطة الأصل .

١٦) أثبت أن النقطة : $P(-١، ٣)$ ، $B(٦، ٥)$

جـ (٣، ٣) تقع على استقامة واحدة

١٧) اثبت أن المستقيم المار $(٤، ٣)$ ، $(٥، ٢)$

عمودي على المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٣٠°

١٨) إذا كان المستقيم ١ يمر بالنقطتين (٣، ١) ، (٢، ٢) ،

والمستقيم ٢ يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٤٥° ، فأوجد قيمة k

إذا كان ١ ، ٢ متوازيين (٢) متعامدين .

١٩) إذا كانت $M(-١، ٣)$ ، $B(١، ٤)$ ، جـ (٣، ص)

تقع على استقامة واحدة فأوجد قيمة ص

٢٠) إذا كان المستقيم المار بالنقطتين (٢، ١-) ، (٥، ١)

يوازي المستقيم الذي معادلته $P + ٣ص + ٥ = ٠$ فأوجد قيمة P

٢١) أوجد ميل المستقيم وطول الجزء المقطوع من محور

الصادات للمستقيم $٥س + ٤ص - ١٠ = ٠$

٢٢) $M(٥، ٤)$ ، جـ (١-، ٦) مربع فيه M

فأوجد معادلة \vec{S}

٢٣) إذا كانت بعد النقطة (س، ٥) عن النقطة (٦، ١)

يساوي $٥\sqrt{٢}$ فأحسب قيمة س.

٢٤) أثبت أن النقطة $M(-٢، ٤)$ ، $B(٣، ١-)$

جـ (٤، ٥) هي رؤوس مثلث متساوي الساقين

٢٥) $M(٨، ١١)$ ، P ب قطر في الدائرة التي مركزها م حيث $M(٨، ١١)$

م (٥، ٧) أوجد ١ احداثي M

٢ معادلة المستقيم العمودي على P ب عند ب

٢٦) أثبت أن المثلث الذي رؤوسه $M(-٢، ٤)$ ، $B(٣، ١-)$

جـ (٤، ٥) متساوي الساقين وأوجد مساحة سطحه

٢٧) إذا كان المستقيم $ص = س جا ٣٠^\circ + ك$

يمر بالنقطة (٤، ٦) فأوجد قيمة ك

٢٨) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطتين (١، ٣) ، (١-، ٣-)

٢٩) أ ب ج د شكل رباعي حيث

أ (٥، ٣) ، ب (٦، ٢) ، جـ (١، ١-) ، د (٠، ٤)

اثبت أن الشكل أ ب ج د معين وأوجد مساحته

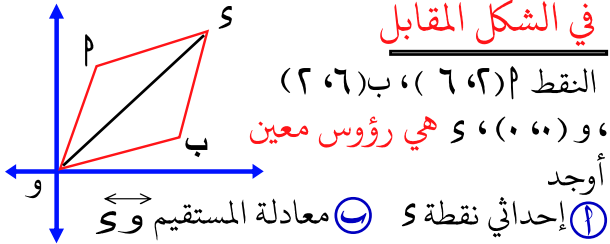
٣٠) اثبت أن المستقيم المار بالنقطتين (٢، ١-) ، (٣، ٦)

يوازي المستقيم الذي يصنع زاوية قياسها ٤٥°

٣١) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (١، ٢)

وعمودي على الخط المستقيم المار بالنقطتين (٢، ٣-) ، (٥، ٤-)

٣٢) في الشكل المقابل

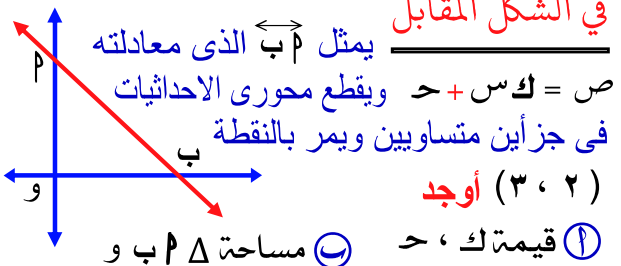


النقط $M(٢، ٦)$ ، $B(٦، ٢)$ ، $S(٠، ٥)$ هي رؤوس معين

أوجد إحداثي نقطة S

١ معادلة المستقيم OS

٣٣) في الشكل المقابل



يمثل \vec{P} الذي معادلته

$ص = كس + ح$ ويقطع محوري الاحداثيات

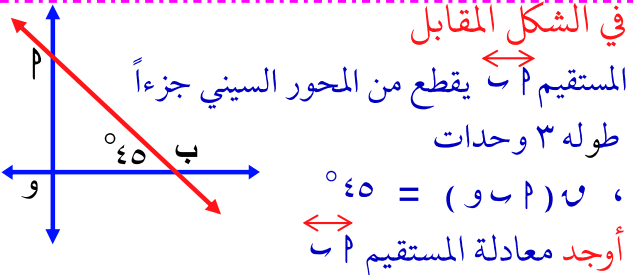
في جزأين متساويين ويمر بالنقطة ب

(٢، ٣) أوجد

١ قيمة ك ، ح

٢ مساحة ΔP ب و

٣٤) في الشكل المقابل



المستقيم P يقطع من المحور السيني جزءاً

طوله ٣ وحدات

، $٤٥^\circ = (٢ - و)$

أوجد معادلة المستقيم P

تراكمي جبر و هندسه

أكمل ما يأتي

- ١٥ الزاوية التي قياسها 60° تتمم زاوية قياسها 30° محيطه = سم
- ١٦ إذا كان: $\angle M$ تكمل $\angle B$ ، و $\angle M = (2x)^\circ$ و $\angle B = (3x)^\circ$ فإن $\angle M = (\dots)^\circ$
- ١٧ مثلث متساوي الساقين قياس زاوية رأسه 50° فإن قياس احدي زاويتي القاعدة = $^\circ$
- ١٨ معين طولوا قطريه 6 سم ، 10 سم تكون مساحته تساوي

$$\frac{1}{2} \times 6 \times 10 = 30 \text{ سم}^2$$
- ١٩ مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة = $^\circ$
- ٢٠ المثلث $\triangle ABC$ فيه: $\angle A < \angle B$ فإن: و $\angle B > \angle C$ و $\angle C > \angle A$
- ٢١ زاويتا القاعدة في المثلث المتساوي الساقين متطابقتان
- ٢٢ العدد الذي ليس له معكوس ضربي هو صفر
- ٢٣ المعكوس الضربي للعدد $-\frac{3}{5}$ هو $-\frac{5}{3}$
- ٢٤ إذا كان $\frac{3}{5} + \frac{3}{5} = 0$ فإن $5 = 3$
- ٢٥ باقى طرح (-12) من 3 هو 15
- ٢٦ إذا كان $(5 - 5) = (5 + 5) = 5 + 5$ فإن: ك = 25
- ٢٧ $U \cap V = \emptyset$
- ٢٨ مجموعة حل المعادلة $5 + 2 = 0$ في \mathbb{C} هي \emptyset
- ٢٩ $[5, 2] = [5, 2] \cup [5, 2]$
- ٣٠ خمس العدد 5 يساوى 9
- ٣١ إذا كان s عددا فرديا فإن العدد الفردي التالي له هو $s+2$
- ٣٢ المعكوس الضربي للعدد $\frac{2}{3}$ هو $\frac{3}{2}$
- ١ مستطيل طول أحد بعديه 6 سم ، وطول قطره 10 سم فإن محيطه = سم

$$28 = 2 \times (8 + 6)$$
- ٢ مجموع قياسات زوايا الشكل الخماسي = 540
- ٣ محيط الدائرة التي طول نصف قطرها 7 سم = سم

$$2\pi \times 7 = 14\pi = 44$$
- ٤ الزاوية التي قياسها 80° تتمم زاوية قياسها 100
- ٥ عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الساقين = 1
- ٦ قياس الزاوية الخارجة عن المثلث المتساوي الأضلاع = 120
- ٧ مجموع طولي أي في المثلث $\triangle ABC$ طول الضلع الثالث
- ٨ $\triangle ABC$ مثلث قائم الزاوية في B فإن أكبر أضلاع المثلث طولها هو $\angle C$
- ٩ إذا كان طولوا ضلعين في مثلث متساوي الساقين هما 3 سم ، 7 سم فإن طول الضلع الثالث = 7 سم
- ١٠ صورة النقطة $(3, 4)$ بالانعكاس في نقطة الأصل هي $(-3, -4)$
- ١١ صورة النقطة $(3, 4)$ بالانعكاس في محور الصادات هي $(-3, 4)$
- ١٢ الشكل الرباعي الذي فيه القطران متساويان ومتعامدان هو المربع
- ١٣ محيط المربع الذي طول ضلعه 4 سم = 16 سم
- ١٤ إذا كان $3, s, 6$ تمثل أطوال أضلاع مثلث فإن $s \in [\dots]$